

تأليف زياودن ساردر جيرى رافتز بورين فان لون ترجمة ممدوح عبد المنعم محمد مراجعة وإشراف وتقديم إمام عبد الفتاح إمام





Introducing... Mathematics

Ziauddin Sardar Jerry Ravetz Borin Van Loon

أفدم ك ... صدة السلسلة!

ليست أفكار الفلسفة هي وحدها الغامضة، بل هناك أيضًا كثرة كثيرة من الأفكار العلمية - في جميع العلوم تقريبًا بلا استثناء - يصعب على القارئ غير المتخصص أن يستوعبها بسهولة، ومن ثم فهي تحتاج إلى شرح وإيضاح بالرسوم والصور فما هو الشعور واللا شعور؟ وما هو الفرق بين الذهن والمخ، وكيف نتعامل معهما. وما هي الوراثة والمورثات؟ وما الرياضيات، ولماذا كانت غامضة بالنسبة لمعظم الناس؟

كما أننا نحتاج إلى أن نعرف شيئًا عن كبار من العلما ، بطريقة مبسطة - عن فرويد ويونج وكلاين ونيوتن وهوكنج الخ.

وإذا كانت الأعداد الستة الأولى من هذه السلسلة قد عرضت لمجموعة من الفلاسفة لاستجلاء غوامض أفكارهم عن طريق الرسوم، والصور، والأشكار التوضيحية، فأننا نفعل الشئ نفسه بالنسبة للأفكار العلمية، عن الشعور، واللاشعور، والذهن، والمخ الخ. وغيرها من أفكار وإننا نأمل أن يجد فيها القارئ نفس المتعة السابقة.



المشروع القومى للترجمة أقدم لك ...

علم الرياضيات

تألیف زیاودن ساردر جیری رافتز بورین فان لون

ترجمة ممدوح عبد المنعم مراجعة وإشراف وتقديم إمام عبد الفتاح إمام

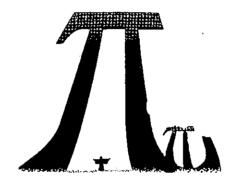
المجلس الأعلى للثقافة ٢٠٠٢

رقم الإيداع بدار الكتب المصرية ٢٠٠٢/٤١٧١

الترقيم الدولى I.S.B.N 977-5769-45-0

المشروع القومي للترجمة بإشراف: جابر عصفور

هذه ترجمة لكتاب THE MATHEMATICS



Ziauddin Sardar Jerry Ravetz and Borin Van Loon

حقوق الترجمة والنشر بالعربية محفوظة للمجلس الأعلى للثقافة ۷۳٥٨٠٨٤ بالأوبرا - الجزيرة - القاهرة. ت: ۷۳٥٢٣٩٦ فاكس: El Gabalaya St. Opera House, El Gezira, Cairo Tel: 7352396 E.Mail: asfour@oncbox.com

تهدف إصدارات المشروع القومى للترجمة إلى تقديم كافة الاتجاهات والمذاهب الفكرية للقارئ العربى وتعريفه بها، والأفكار التى تتضمنها هى اجتهادات أصحابها فى ثقافاتهم المختلفة ولا تعبر بالضرورة عن رأى المجلس الأعلى للثقافة.

«مقدمة»

بقلم المراجع

«أقدِّم لك.. هذا الكتاب!»

هذا هو الكتاب الحادى عشر في سلسلة «أقدِّم لك..» وهو يدور حول « الرياضيات ...»

والواقع أن الرياضيات ترتبط بالفلسفة ارتباطًا دقيقًا منذ فجر الفلسفة عندما كتب أفلاطون على باب الأكاديمية «مَنْ لم يكن رياضيًا فلا نصيب له عندنا» أو «من لم يكن مهندسًا فلا يدخل علينا». وجعل الرياضيات مدخلاً إلى الفلسفة واشترط كلامه دراسة الرياضيات كخطوة تمهيدية لدراسة الفلسفة ـ ولقد كان برتراند رسل في الفلسفة المعاصرة هو المثل النموذجي لهذه الرابطة ، فقد دخل إلى الفلسفة من باب الرياضيات عندما حاول تعريف «العدد» ، وكما حاول في كتابه «أصول الرياضيات» أن يحدد معنى اللامعرفات..

وربما اشتركت الرياضيات أيضًا مع الفلسفة في خاصيتين هامتين هما «التجريد» و «الصورية» ـ ولعل هذا هو السبب في شكوى الناس من الرياضيات، ومن الفلسفة في آن معًا. (لأن التفكير البشرى يبدأ بالمحسوسات ويتمسك بها ويجد صعوبة في الانتقال من المحسوس إلى اللامحسوس أو المجرد!) ـ ولهذا السبب يبدأ المؤلف في الصفحة الأولى من كتابه بالحديث عن شكوى الناس من الرياضة متصورين أن الناس ينقسمون قسمين أشخاص يفهمون الرياضيات (وهم نوع خاص من البشر) وأشخاص لا علاقة لهم بها!.

لكنه يبين لنا مدى حاجتنا إلى الرياضيات التي يرى أن الحياة لا يمكن تصورها بدونها. فنحن نحتاج إلى الرياضيات في البيع والشراء، وفي التسوق، وإعداد ميزانية

المنزل، وإدارة أعمالنا، وبناء منازلنا، دائماً في أعمالنا المصرفية، وعمل الخرائط، والسفر حول العالم بل حتى إلى الخروج من عالمنا إلى الفضاء الخارجي! بل إن الرياضيات ضرورية للعلم والاقتصاد والطب والتكنولوجيا باختصار هي المحرك الذي يحرك حضارتنا الصناعية!.

ثم يبدأ المؤلف في الحديث عن "علم الحساب" وتاريخه ومساره مع مراحل البشرية والحضارات القديمة، وهو العلم الذي بدأ عند القبائل البدائية بالعد فالعد قديم قدم الكتابة أو لعلة أقدم منها، فقد استخدم الإنسان الأول الخطوط القائمة للدلالة على الأرقام، فرسم الواحد هكذا I والاثنين هكذا II والثلاثة هكذا III .. الخ، واستخدم الصينيون هذا الأسلوب حتى الخمسة IIII ، ثم عبروا عن الستة بخط قائم يعلوه خط أفقى هكذا T ، وعن السبعة بخطين قائمين يعلوهما خط أفقى TT وعن الثمانية بثلاثة خطوط يعلوها خط أفقى TTT وهكذا.

أما المصريون القدماء فقد رمزوا إلى الواحد بخط قائم I، وللاثنين بخطين قائمين I ورمزوا للعشرة بباب مقنطر ضيّق I، ومعظم طرائق العد مبنية على أساس الخمسة باعتباره عدد أصابع اليد الواحدة، أو على العشرة باعتبار عدد أصابع اليدين الاثنتين، أما البابليون فاتخذوا من الستين وحدة عددية، ودوّن اليونان الأعداد بالحروف الهجائية فجعلوها حرف I للواحد، وحرف I للاثنين، وهكذا حتى العشرة، واعتبروا الد ف الحادى عشر مقابل العشرين، والحرف الثاني عشر مقابل الثلاثين .. وهكذا.

أما الهنود فقد جعلوا للأرقام رموزًا مستقلة هي ٥,٤,٣,٢,١ .. الخ، واخترعوا الصفر، لكنهم لم يحسنوا استغلال تلك الأرقام ولم يفيدوا من اختراع الصفر.

ولقد أخذ العرب هذه الأرقام والصفر عن الهنود وعن العرب أخذ الغربيون الأرقام الهندية وسموها الأرقام العربية، وأخذوا الصفر أيضًا باسمه العربي «صفر» (أى فارغ أو خال) ولفظ Cipher في الإنجليزية (ومعناها صفر أيضًا) خير دليل على ذلك، ويقال: إن اختراع الصفر كان من أهم المنجزات الفكرية وبدون ما كانت الرياضيات الحديثة أمرًا ممكنًا..

والواقع أن الكتاب يعطى للحضارة العربية دورًا عظيمًا فيما أسهمت به في تاريخ

الرياضيات فنراه يقول صراحة: «قام المسلمون بتوحيد الفكر الرياضى فى جميع الحضارات السابقة عليهم فأدمجوا الجبر والعلاقات الحسابية البابلية والصينية والهندية بالعلاقات الهندسية اليونانية والهلنستية، وينتهى إلى أنهم كانوا على درجة عالية جداً من الجرأة فى «تعاملهم مع العمليات الحسابية» ثم يتحدث عن شخصيات عظيمة مثل الخوارزمى «مؤسس علم الجبر» وتطويره عند «الصموعل» والكراجي، وعمر الخيام الشاعر وعالم الرياضيات، والبطاني وغيرهم من أعلام المفكرين المسلمين..

والكتاب في الواقع متعة لا تقدر حتى بالنسبة لغير المتخصص ، وإننا لنأمل أن نكون بترجمته قد قدمنا خدمة متواضعة في المشروع القومي للترجمة.

والله نسأل أن يهدينا جميعًا سبيل الرشاد،،

المشرف على المشروع إمام عيد الفتاح إمام

لماذا الرياضيات ؟

يثن كل شخص عند الذكر المطلق للرياضيات ، فالكثير من الناس يعتقدون أن العالم مقسم إلى نوعين من الناس . الأول هم الأشخاص بالغو الذكاء الذين يفهمون الرياضيات وهم بالطبع ليسوا من النوع الذي يمكن مقابلته في إحدى حفلات السمر ...



ولكننا جميعاً نحتاج لفهم الرياضيات إلى حد ما، فبدون الرياضيات لا يمكن تصور الحياة.





فى الواقع أصبحت الرياضيات دليلنا للعالم الذى نعيش فيه، العالم الذى نشكله ونغيره والذى نعتبر نحن جزءًا منه. ولأن العالم أصبح معقداً لدرجة كبيرة وكذلك الأشياء المشكوك فيها أصبحت مهمة ومنذرة ، فنحن نحتاج الرياضيات لوصف المخاطر التى نواجهها ولنخطط لمعالجتها.

وتتطلب قدرة التعامل مع الرياضيات موهبة خاصة ومهارة مثل أى مجال آخر للمحاولات البشرية كالرقص مثلاً. والرياضيات أنيقة جداً وجميلة فى روحها تماماً مثل الأداء البحاد المعقد لفرقة الباليه الماهرة. وبالرغم من أن معظمنا لا يستطيع أن يكون راقص باليه محترف لكننا نعرف كيفية الرقص وفعلياً من الممكن أن نرقص . وبالمثل يجب أن نعرف جميعاً ما تتناوله الرياضيات وأن تكون لدينا القدرة على فهم ومعالجة بعض الخطوات الأساسية.





كيف أسمينا الأرقام كما نقرؤهم واحداً تلو الآخر، ربما يكفى تسمية عدد قليل من الأرقام. تستطيع بعض الحيوانات تمييز التجمعات المختلفة حتى خمسة أو سبعة أفراد، وما يزيد عن ذلك يطلق عليه «العديد» فقط. ولكن إذا كنا نعرف أن الأرقام تزداد دون توقف فلا يمكننا إطلاق الأسماء الجديدة بدون توقف.



لم تكن لغة الهنود Dakota (١) مكتوبة ولكنها كانت عبارة عن قطعة من القماش مرسوم عليها صور بالحبر الأسود، وفي كل سنة يتم رسم صورة جديدة لتوضيح الحدث الرئيسي في السنة المنقضية.

⁽١) الداكوتا Dakota _ قبيلة من الهنود الحمر في الولايات المتحدة الأمريكية تستخدم لغة خاصةبها هي اللغة السوانية Siouan (المراجع).

وأفضل طريقة لعملية تنظيم التسمية والعد هى اتخاذ «أساس» وهو عبارة عن رقم يميز بداية العد مرة أخرى. وأبسط أساس هو اثنان، فعلى سبيل المثال قامت مجموعة من الأستراليين البدائيين (Gumulgal) بالعد بالطريقة التالية :

۱ = أورابون

۲ = أوكاسار

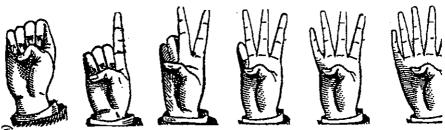
٣ = أورابون - أوكاسار

٤ = أو كاسار - أو كاسار

٥= أوكاسار - أوكاسار - أورابون.







وتعتبر أصابع اليد مفيدة في تعريف الأساسات، بعض الأنظمة تستخدم الخمسة كأساس والبعض الأكثر شيوعاً يستخدم العشرة. ويمكن استخدام العديد من الأساسات الأخرى. فعلى سبيل المثال العملة المتداولة في بريطانيا قديماً كان بها العديد من الأساسات : إثنا عشر (بنس في كل شنلن) وبعد ذلك عشرون (شلن في كل جنيه استرليني) وحتى واحد وعشرون (شلن في كل جنيه إنجليزي). لذلك كان يلزم وجود مساعدين في الأسواق للمساعدة في عمليات تقدير الفواتير أما عند الشراء بالتقسيط فربما يتم إخبار الناس أن رداء غرفة المعيشة يتكلف ١٥٥ جنيها إنجليزياً أو ما يعادل ١٠٤ قسط أسبوعي قيمته جنيه استرليني وخمسة عشر شلناً وسبعة بنسات ونصف. . الرغبة في \الدفع بالتقسيط باسـ ("أبدأ. أبدأ» أعجوبة

هناك أساس آخر شائع وهو عشرون (أصابع القدمين واليدين) وقد استخدمه اله (Yoruba) بالإضافة إلى خاصية الطرح عند التعبير عن الأرقام الكبيرة داخل هذا الأساس.

وقد كان لديهم أسماء مختلفة الأرقام واحد (أوكان) وحتى عشرة (إيوا). ومن إحدى عشر وحتى أربعة عشر كانوا يقومون بعملية الإضافة مثل إحدى عشر هو (واحد بالإضافة إلى عشرة) وأربعة عشر هو «أربعة مضافون إلى عشرة». أما الأرقام من خمسة عشر وحتى تسعة عشر فكانوا يقومون بالطرح مثل خمسة عشر هى «عشرون ناقصة خمسة» وتسعة عشر «هى عشرون ناقصة واحد».

ويظل هذا الأساس مستخدماً في الأرقام الفرنسية حيث إن ثمانين هي «أربعة عشرونات» أما تسعة وتسعون فهي أربعة عشرونات وتسعة عشر.



وعلى ذلك لا يوجد هناك أساس واحد مفضل، ربما يمكننا التفكير في نظام أرقام يتم تصميمه بصفات مختلفة وهي : يسهل تَذَكُرُهُ وملائم في تسميته ومفيد في الحساب الخ.





(•) الأزتك : شعب متمدن حكم المكسيك قبل أن يفتحها الأسبان.



ولقد استخدم المصريون القدماء مخطوطة تصويرية (الهيروغليفية) لكتابة أرقامهم.



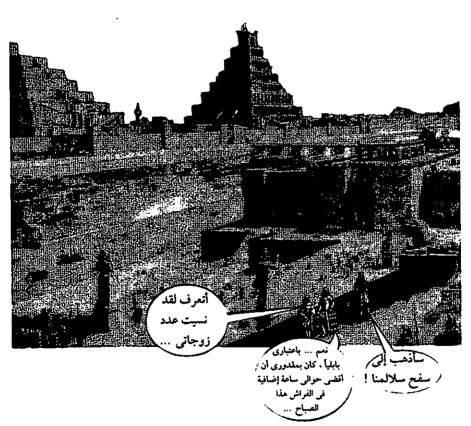
وقد استخدم البابليون نظاماً يتخذ من ٦٠ ومضاعفاته أساساً له بالرموز التالية :

1010 10 100 100

بعد ذلك قاموا بتطوير نظام مبنى فقط على قيمتين :

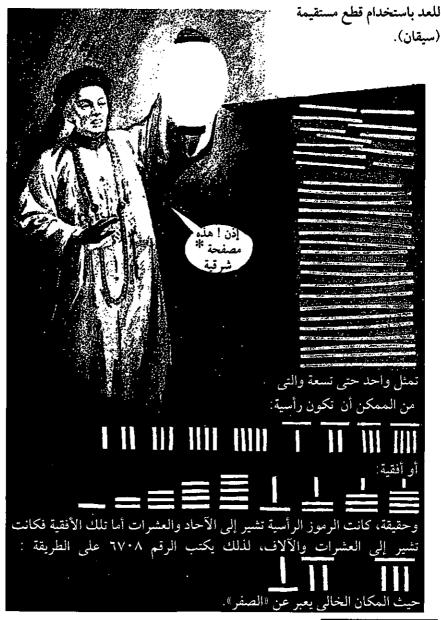
🍸 ترمز للواحد أو ٦٠ على حسب موقعها و 🧹 ترمز للعشرة

لذلك يمكن كتابة ٩٥ على النحو التالى : ٩٥ = ١٠ (١) ٢٠ = ٩٥



ولقد بقى النظام الستونى البابلي حتى هذه الأيام، فالدائرة تحتوى على ٣٦٠ درجة والساعة بها ٦٠ دقيقة ، وتحتوى الدقيقة على ٦٠ ثانية.

وقد استخدم الصينيون القدماء نظام أعداد له أساس ١٠ برموز للأرقام من واحد وحتى عشرة والمائة والألف وكذلك العشرة آلاف ، وبعد ذلك طور الصينيون صيغة



(٠) مصفحة : صفيحة طباعية تصنع بصب المعدن في قالب من الورق المعجون.

وقد قدم الصينيون اختراعاً عظيماً وهو وضع الرموز المكتوبة في عالم من الأسماء المنطوقة للأرقام، وكان هذا عبارة عن نظام له «القيمة المكانية». حيث تعتمد تسمية الرقم (كتعبير عن الكمية) على مكانه في صف الأرقام. لذلك من الممكن أن يكون الرقم (٢) هو اثنان أو عشرون أو مائتان على حسب موقعه، وهذا يعنى أنه لا يلزم تسمية الأساسات الأعلى ، فمن المعروف أن (٢) في الرقم (٢٣٤) تعنى ٢٠٠.



أما الهنود فقد طوروا ثلاثة أنواع واضحة لأنظمة الأعداد.

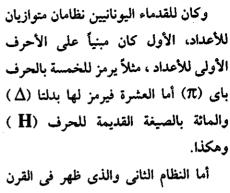
قام (Kharosthi) باستخدام رموز للعشرة والعشرين وتم التعبير عن الأرقام من ١ حتى ١٠٠ بالجمع.

أما الـ (Brahmi) فقد استخدموا رموزاً منفصلة للواحد، الأربعة حتى التسعة والعشرة والمائة ، وهكذا.

أما Gwalior فكان لديهم رموز للأرقام من واحد وحتى التسعة وكذلك للصفر.



ولقد قام الهنود بالتعامل مع الأرقام الكبيرة براحة تامة، حيث أعطت النصوص الهندية القديمة أسماء لأرقام كبيرة مثل (Parardha).



أما النظام الثانى والذى ظهر فى القرن الثالث قبل الميلاد فقد استخدم كل حروف الهجاء اليونانية وثلاثة من الحروف الفينيقية ليصبحوا سبعة وعشرين رمزاً رقمياً. وكانت أول تسعة أحرف ترمز للأرقام ١ حتى ٩؛ أما التسعة التالية فكانت ترمز للعشرات من ١٠ وحتى ٩٠ أما التسعة أحرف الأخيرة وكانت ترمز للمثات من ١٠٠ وحتى ٩٠٠.





أما النظام الرومانى فكان يحتوى على على علد سبعة رموز للأرقام : I يعبر عن ١ ، و

 \mathbf{L}_{0} یعبر عن ۵ ، و \mathbf{X} یعبر عن ۱۰ ، و \mathbf{V} یعبر عن ۱۰۰ ، و \mathbf{C}_{0} یعبر عن ۵۰۰ ، و \mathbf{M} یعبر عن ۵۰۰ ، و

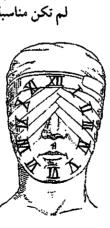
وكانت الأرقام تكتب من اليسار إلى اليمين حيث تكتب الأرقام ذات القيمة الكبيرة في اليسار ثم تُجمع مع بعضها لتعطى قيمة الرقم المشار إليه.

وعلى ذلك LX هو ٦٠.

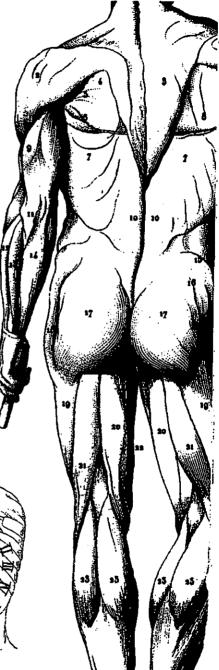
وللملاءمة، كان الرقم ذو القيمة الصغيرة الموضوع على اليسار يُفسر بالطرح، وعلى ذلك الرقم McM يعنى

والأرقام الرومانية بالرغم من أنها لا تزال تستخدم الآن كوسيلة للتزيين، إلا أنها لم تكن مناسبة لعمل الحسابات السريعة.





.19 ..



وقد أدى استخدام حروف الهجاء للتعبير عن الأرقام إلى ظهور فن التنبؤ العالى فى تطوره والذى يسمى Gomatria . ويقوم أحد الأشخاص بترتيب أحرف كلمة ما أو اسم على وجه الخصوص ليكون رقماً ما ثم يقوم بتفحصه للبحث عن نوع ومعنى لهذا الرقم. والشخص الذى ينتج اسمه رقماً مثل ٦٦٦ (عدد الحيوانات فى التوراة) كان يوضح شيئاً



وقد طورت الحضارة الإسلامية (منذ ٦٥٠ بعد الميلاد وحتى الآن) مجموعتين متشابهتين من الأرقام. كانت واحدة منهم تستخدم في الجزء الشرقي (بلاد العرب وفارس).

أما الأخرى فكانت تستخدم في الجزء الغربي (بلاد المغرب والأندلس). وكلتا المجموعتين كانت تحتوي على عشر رموز من الصفر وحتى التسعة.

المجموعة الشرقية : ١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦ ٧ ٨ ٩٠

المجموعة الغربية : 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1

وقد بقيت المجموعة الشرقية تستخدم حتى الآن في العالم العربي، أما المجموعة الغربية والتي تدعى الأرقام العربية فهي تمثل نظام الأرقام الذي نستخدمه جميعاً في هذه الأيام.



الصفر

يعتبر الصفر اختراعاً متأخراً نسبياً (حيث تم وضعه في القرن السادس بعد الميلاد)، ويبدو أنه ناتج عن ارتباط الحضارتين الصينية والهندية. وقد كان الصينيون يحتاجونه للتعبير عن قيمة المكان ـ كيف مثل الصينيون المكان الخالي في الرقم مئتين وخمسة ؟ والرقم ٢٠ يعتبر خطأ لذلك كان يلزم شيء ما يوضع في المكان الخالي مثل ٥ ـ ٢. لكن المعنى الكامل للصفر كان قد تم تطويره في الحضارة الهندية، حيث إن التأملات الفلسفية في الفراغ كانت قد تطورت بدرجة كبيرة.



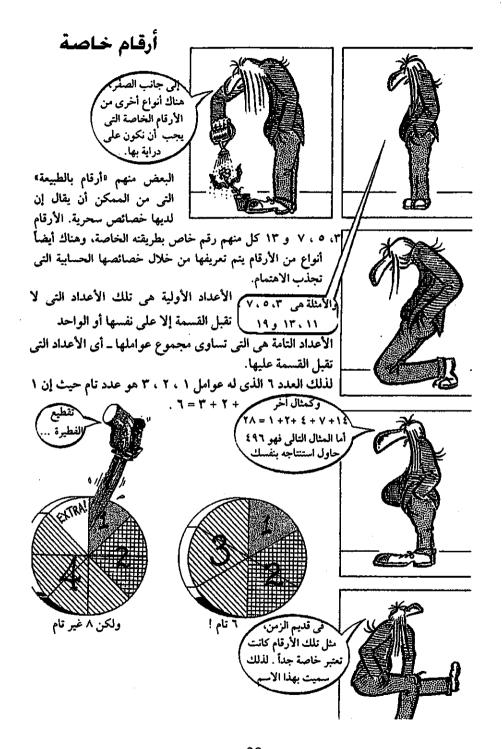


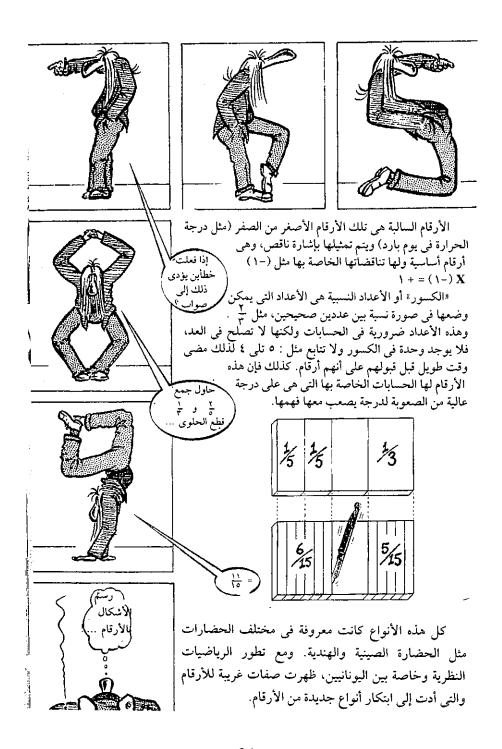
وبينما يعتبر الصفر ضرورياً في الحسابات ولكنه يُستبعد في العد. فأول شيء في صف أشياء لا يقال له «الصفري». وهناك تناقض واضح في التقويم الميلادي: تسمى الفترة ١٩٠٠ - ١٩٩٩ بالقرن العشرين حيث لم يكن هناك قرن صفري في بداية التقويم الميلادي.

والصفر له معنيان كما هو واضح من «أضحوكة الصفريات»، حيث يتحدث مرشد في أحد المتاحف إلى المجموعة المدرسية:



... كما قد تعلمته فى المدرسة ! لم يقم أحد بإخبارها أن الأصفار بعد 76 كانوا مجرد ملء خانات وليسوا للعد. فبالنسبة لتلك الأصفار لدينا $2 \times 1 = 1$ وكذلك $2 \times 1 = 1$ ربما الوعى بتلك التناقضات هو الذى جعل الرياضيين الأوائل مرتابين من الأرقام الغريبة مثل الصفر.

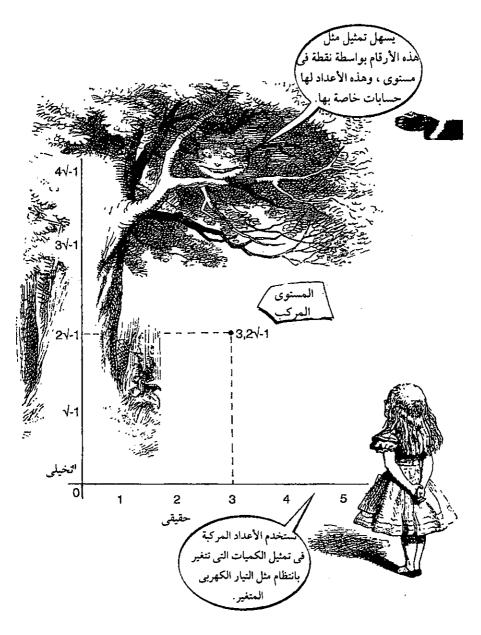




الأرقام غير النسبية وهي الأرقام التي لا يمكن التعبير عنها بنسبة بين رقمين صحيحين . و ٦٧٠ هو مثال هام لتلك الأرقام حيث إنه منتج من العمليات الهندسية فهم طمل ه

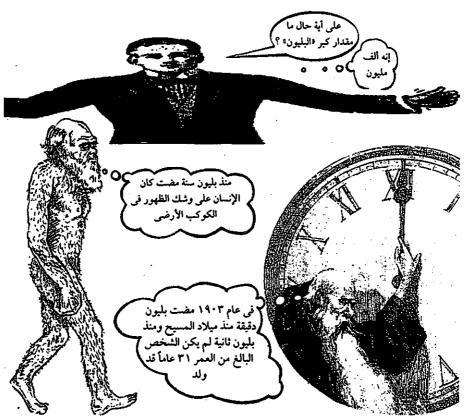


الأعداد التخيلية تنتج من ضرب الأعداد الحقيقية بالكمية التخيلية، وهى الجذر التربيعي لسالب واحد $(\sqrt{1-1})$. وعند إضافة عدد تخيلي $\sqrt{1-1}$ "الأعداد المركبة".



الأرقام الكبيرة

تقوم الأرقام الكبيرة بإرهاب الكثير منا لدرجة أننا نجد صعوبة في تقدير القيمة الحقيقية لتلك الأرقام.



ويبدو المائة مليون رقماً أكثر ترويعاً، ولكن في هذه الأيام يعتبر رقماً غير عادى بالنسبة لدولة ما، وخاصة بالنسبة لدولة نامية (أي تكون مدينة بمثل هذا الدين). ولو أن هناك دولة أرادت التخلص من دَينها قامت بدفع دولار، أو جنيه



وكيفية الوصول إلى هذه الأرقام الكبيرة بسهولة يتم توضيحه بمثال بسيط وهو الخطاب المتسلسل. يقوم شخص ما بإرسال خطابين إلى شخصين يخبر كلاهما بإرساله إلى اثنين آخرين وهكذا. في هذه الحالة قام الشخص الأول بإرسال خطابين، وفي المرحلة الثانية تم إرسال $Y = X \times Y = 3$ خطابات أما المرحلة الثالثة ففيها $Y \times Y \times Y = 3$ خطابات. إذن كم عدد المجموعات المطلوبة للوصول إلى بليون خطاب ؟





ومن الممكن أن نُزيد أُلفتنا مع هذه الملاحظات بتفقد المثال التالى :



أصغر رقم في هذه الاحتمالات هي Y = Y = Y = 1 ، يليه YYY ثم بعد ذلك YY = XY = XY وأكبر رقم هو YYY = XYY = XYY .

وكتابة الأسس تصلح أيضاً في حالة الكسور ، ولتحويل أس ما إلى كسر نقوم ببساطة بوضع وكتابة الأسس تصلح أيضاً في حالة الكسور ، ولتحويل أس ما إلى كسر نقوم ببساطة بوضع إشارة سالب أمام الأس ، لذلك ١٠ = $\frac{1}{1}$ ، ١٠ = $\frac{1}{1}$ ، ١٠ = $\frac{1}{1}$ وهكذا.



وبنفس الطريقة إذا كبرنا خريطة أو رسمة ما عدد س من المرات، فإن عدد س من ضعفاً من الورق يكون مطلوباً لذلك.

ونسمى س، س^٢، س^٣، س^٤، س^٥ بالأس الأول، والثانى ، والثالث ، الرابع ، الخامس ل س على الترتيب. وكان يطلق على الأسس فى البداية «التربيع» و«التكعيب» من خلال معناهم الهندسى.

وبالطبع بدلاً من ٢ أو ٣ أو ٤ أو ٥ من

الممكن أن يكون هناك أى أس آخر؛ باستخدام «ن» لتعبر عن أى رقم نقول: إن س ن تسمى الأس النوني لـس.



وقد قدم عالم الرياضيات المسلم «ابن يحى الصموعلى» (المتوفى عام ١١٧٥) في كتابه «الباهر» (الذي ألفه عندما كان عمره تسعة عشر عاماً) لأول مرة تعريف ...



اللوغاريتمات

اللوغاريتم هو الأس الذي يُرفع إليه رقم ما ليعطى رقماً آخر، ويسمى الرقم الأول الأساس. وحيث إن ١٠ ٢ = ١٠٠ فهذا يعنى أن لو ١٠ وتقرأ كالتالى : لو للأساس ١٠ للرقم ١٠٠ يساوى اثنين.

والأساسات الأكثر شيوعاً للوغاريتمات هي . ١٠. والعدد الأسى ٤ (أو الأساس الطبيعي ، انظر صفحة ١٠٥).

وحيث أن س * = ١ لأى س فهذا يعنى أن لو ١ = صفر لأى أساس.

ولضرب أو قسمة تعبيرين لوغاريتميين نقوم باستخدام القاعدة «ضرب أو قسمة أس رقم ما يعبر عنه بجمع أو طرح الأسس » ، لذلك لو (س X ص) ببساطة يساوى لو س + لو ص.



واللوغاريتمات تعتبر ذات نفع عظيم فى تبسيط الحسابات الطويلة المعقدة. فللقيام بعلمية ضرب أو قسمة عددين كبيرين نقوم أولاً باستخراج لوغاريتماتهم من الجدول ثم نجمعهم أو نطرحهم ونضع الناتج فى الجدول لاستخراج المجموع (أو خارج القسمة).

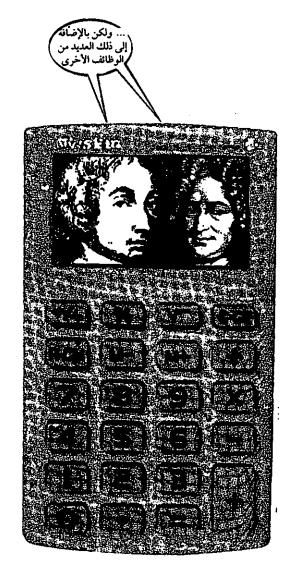
1001237
214 5 6 7 8 9
3 12 17 21 25 29 33 37
0253 0294 0334 0374 7 23 26 30 34 571 7359 7347 7649 7657 7
10-1
1x 041 0431 0844 0859 0341 (303) 1315 (307) 1349 (323) 6 9 12 15 17 20 22 25 BU 7745 068 2875
123 1130 1173 1200 1239 1014 1644 1673 1337 2014 3 8 8 11 13 16 18 21 21 61 7853 2011 7938 7945
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
10 -2041 2030 2355 2380 5713 2742 2705 2 4 7 9 11 13 15 17 19 65 8149 36 8442 641 8140 17 2304 2300 2355 2380 3713 2945 2907 2959 2 4 7 9 11 13 15 17 19 65 8149 815 802 815 810 810 810 810 810 810 810 810 810 810
17 2304 2330 2337 2301 2301 2301 2301 2301 2301 2 4 6 8 11 13 15 17 18 16 38 16 36 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16
[19] 278 [318 [3139 [3100]] [6] 8 10 12 [17 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
20 3010 3 324 3394 3394 3394 3363 3570 3579 3579 3787 3786 3784 2 7 6 7 9 11 9 1 9 1 9 1 9 1 9 1 9 1 9 1 9 1
27: 3722
300 3007 3000 3007 300 300 300 300 300 3
333 1837 183
251 3779 47661 477 4378 4393 4409 4425 4400 4425 4400 4425 4500 474 4500 8765 6767 67
26 4334 (375 4374 1564 1579) 17 4314 17 4314 17 4314 17 5 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18
25 4472
8 9 11 12 78 8911 9982 8987
(30) 4771 9
4928 1942 1959 5105 5119 3203 5270 5289 5
22 505 505 521 522 523 530 503 503 503 551 2 4 5 6 7 8 10 11 81 9085 000 900 900
[30] [[
1301 stat 1545 1 545 1 502 1 5
361-33"3 3
1361.can8 (800) 5021 13021 8053 15000 1311 1 1 1 1 1 2 3 1 4 5 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
1 501-911-5922 5933 3974 (conf 6085 6096 6107 0127) 6 7 8 9 87 9393 0150 0155
[and cont 6042 [0033]
6160 6170 6180 6170 6180 6304 6304 6304 6304 2 3 4 3 6 8 9 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
14 c-12 (6243 (625) (2362 (6175) (6385) (5385) (5385) (6382) (638
1771 455(163451032515 7 1
121-64351940717:2216661193717222166811999177 1
1451-0530 16610 16650 1000 1 1670 1678 16794 1680 11 2 3 1 4 4 6 7 8 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
1 4-or 1073919(2)12636168451992(12 160641997*197*1
[48] (-6812) 1004 [6050 [6928] 1093/ [271] [101 101
[49] Out 7016 7024 7033 7042 7031 2 3 3 4 4 6 7 7 [98] Out 7016
[50] 990
51 7076 7084 7093 7101 7100 7203 7210 7208 7308 7308 7306 7308 7306 7308 7306 7308 7306 7308 7306 7308 7308 7308 7308 7308 7308 7308 7308
15. 1.2.217231773715. (8173501737177)
133 7324 7332 7340 737 1 1 2 9 11 2 3 " William 1 2 1 1 1 2 3 1 " William 1 2 1 1 1 1 2 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1 2 1
(0)11-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1
وجداول الانزلاق

وكانت أول الجداول تلك التى أنشأها عالم الرياضيات الاسكتلندى جون نابير (١٥٥٠ ـ ١٦٦٧)، وكانوا للأساس الطبيعى e. وقد أطلق عليهم «طبيعى» نسبة للأساس، أو «نابيريان» نسبة إلى مخترعهم.

الحسباب

عملية ضرب الأرقام من كل الأنواع والحصول على ناتج تسمى الحساب، وهو متضمن في كل العمليات الرياضية. وكان الحساب يتم في البداية باستخدام الحصى كما كان يفعل اليونانيون القدماء باستخدام الحصى للقيام بالحسابات الأولية. وأصل كلمة يحسب Calculate في اللغة الإنجليزية إ هي كلمة «Calculus» اللاتينية والتي تعني «حصاة». وحتى هذه الأيام يعتبر عداد أباكوس (ذو الخرزات على الأسلاك) هو أوسع جهاز عد انتشاراً. وحتى في هذه الأيام، المستخدم المآهر لهذا العداد يستطيع أن يعد الخرزات أسرع من الوقت الذي يستهلكه مشغل لوحة المفاتيح الرقمية للبحث عن المفاتيح.

وقد ظهرت آلات الحساب فى صورتين أساسيتين: آلات الجمع البسيطة وكانت تقتصر على القيام بالطرح والجمع، والآلات الحاسبة والتى تتمكن من القيام ليس بالضرب والقسمة فقط



وكانت أول آلة جمع قد اخترعت بواسطة العالم الفرنسى بليه باسكال (١٦٢٣ ـ ١٦٦٢) في عام ١٦٤٢ وكانت تتمكن من الجمع وحمل الباقي. وفي عام ١٦٧١ قام العالم الألماني جوتفريد ويلهلم فون ليبنز جهاز العمكن من القيام بعمليات الضرب عن طريق الجمع التكراري.



وفی عام ۱۸۲۲ قام عالم الریاضیات والمخترع الإنجلیزی تشارلز باباج (۱۷۹۲ ـ ۱۷۹۱) ببناء آلة جمع صغیرة . وبعد عشرة سنوات قام بترکیز تفکیره فی «آلة الطرح»، والتی اعتبرت بدایة الحاسب الرقمی. بعد ذلك تم توظیفه فی مشروع إنشاء الموتور التحلیلی» والذی لم یبن أبداً وتوجد الآن صورة منقولة عن جزء منه قد تم بناؤه، فی متحف لندن العلمی.

والحسابات ، مهما كانت معقدة، لا تكفى لحل المسائل في كل الأحيان . في بعض الأحيان تحتاج إلى المعادلات

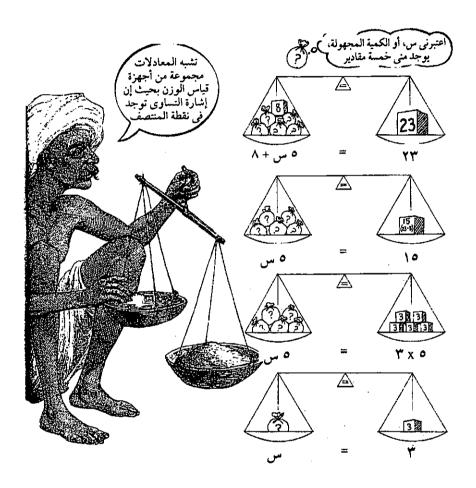
المعادلات

المعادلات هي لب الرياضيات، وهي تستخدم في كل أفرع الرياضيات البحتة والتطبيقية عدا الرياضيات البدائية جداً. وكذلك تستخدم المعادلات في العلوم الفيزيائية والحيوية والاجتماعية. وكما هو متضمن في اسمها ، فالمعادلات تنص على تساوى تعبيرين وغالباً ما تتضمن كميات غير معروفة وتسمى بعضها بالمتغيرات والبعض الآخر بالثوابت أو العوامل. وتستخدم المعادلات كذلك في تعريف الكميات المختلفة أو النص على العلاقة بين بعض المتغيرات.



وقبل اختراع المعادلات كانت المسائل الرياضية تحل بطرق معقدة بارعة جداً، والآن تم اختصارها إلى صيغة بسيطة جداً.

فى المعادلة ٥ س + ٨ = ٢٣، س هو المجهول المطلوب حسابه ، من الممكن حساب قيمة س بطريقة التجريب والخطأ، أو بطريقة بسيطة (وهى طرح ٨ من كلا الجانبين وبعد ذلك القسمة على ٥).



وهذه المعادلة تتحقق أو تُحل عندما تكون m=7 عند ذلك يكون كلا جانبى المعادلة متساويين. وعندما تكون كل قيم المتغيرات تؤدى إلى تحقق المعادلة، تسمى المعادلة فى هذه الحالة بالمتطابقة. على سبيل المثال، المعادلة $(m+m)^2=m^2+1$ س m^2 تسمى متطابقة لأنها صحيحة لكل القيم الممكنة للمجاهيل. وهذه المتطابقات مفيدة جداً فى المعالجة الجبرية البارعة، حيث تقوم بإبدال التعبيرات المعقدة جداً بأخرى أبسط.



وتسمى المعادلات الخطية والتربيعية والتكعيبية معادلات من الدرجة الأولى والثانية والثالثة على الترتيب. والمعادلات حتى الدرجة الرابعة يمكن تمثيل جذورها بصيغة رياضية تتضمن جذوراً تربيعية وبعض الحسابات مثل المعادلة أ \mathbf{w}^{Y} + \mathbf{v} \mathbf{w} + \mathbf{e} = \mathbf{v} صيغة جذورها تكون:

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$



لا توجد حدود لدرجات هذه المعادلات الجبرية ولكن هناك حدود فاصلة عند المعادلات الخماسية، فعلى مر العصور كانت هناك محاولات لإيجاد صيغة لجذور تلك المعادلات مثل تلك الصيغة في صفحة ٥١ ولكن عند بداية القرن عنل مثل هذه الصورة.

والمعادلات من الممكن أن تحتوى على أكثر من متغير فى أحد حدودها، ومثال لذلك المعادلة: m = 1 المعادلة الهندسية التى تصف «القطع الزائد».

التقطع الزائد س ص ١٥٠

ودرجة المعادلة يتم تعريفها على أنها مجموع الأسس للمتغيرات المختلفة في الحد الذي يحتوى على أعلى هذه الأسس ومثال لذلك المعادلة:

أ $m^0 + V$ m^0 $m^0 + جد <math>m^1$ $m^0 = 0$ أعلى حد في الأسس هو جد m^1 m^0





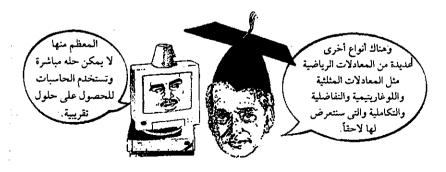
وعندما يكون لدينا مجموعة من معادلتين أو أكثر في متغيرين أو أكثر فمن الممكن حلهم آنياً بمعالجة بسيطة.

وكمثال لذلك:

Y = 7 + 0 س Y + W = 1 نحصل على Y = 0

وبالتعويض عن قيمة س في المعادلة الأولى نجد أن ص = $-\frac{1}{Y}$

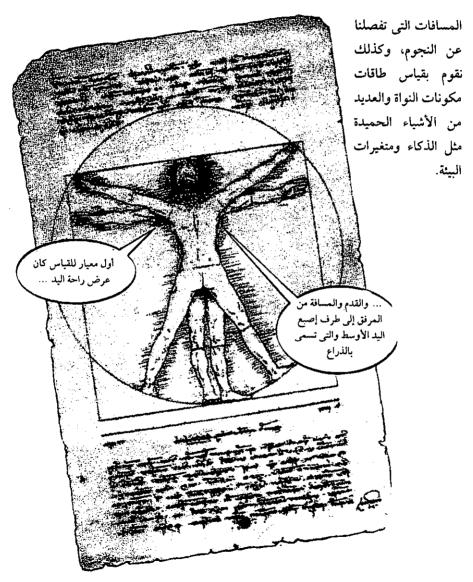
وهناك بعض المعادلات الآنية الأكثر تعقيداً من ذلك ومن الممكن أن تحل بنفس الطريقة.



القياس



القياسات جزء مهم جداً من الرياضيات ، فنحن نقوم بقياس كل شيء تقريباً. وتتنوع القياسات من الوقت والأبعاد والأوزان والسعات والحجوم والكهرباء والحرارة وحتى

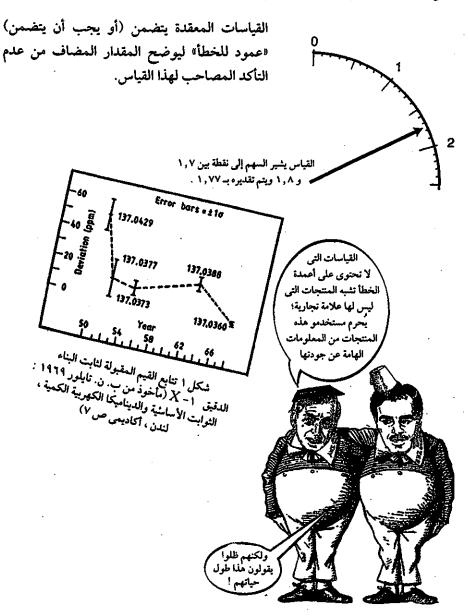




وكل وحدة أساسية لها تعريف وطريقة قياس محددة من قبل الهيئات الدولية الرسمية، وبالطبع تتغير هذه التعريفات كلما ظهرت طرق قياس أفضل.

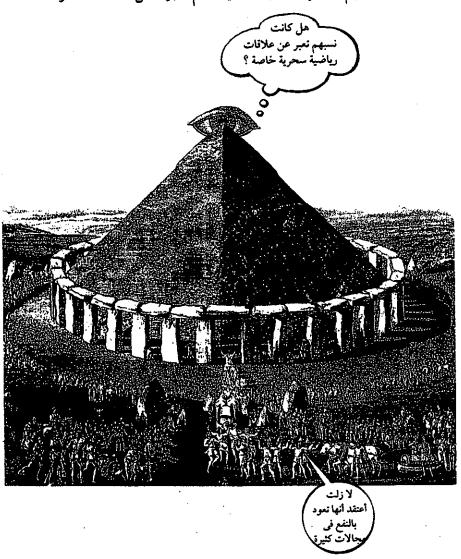


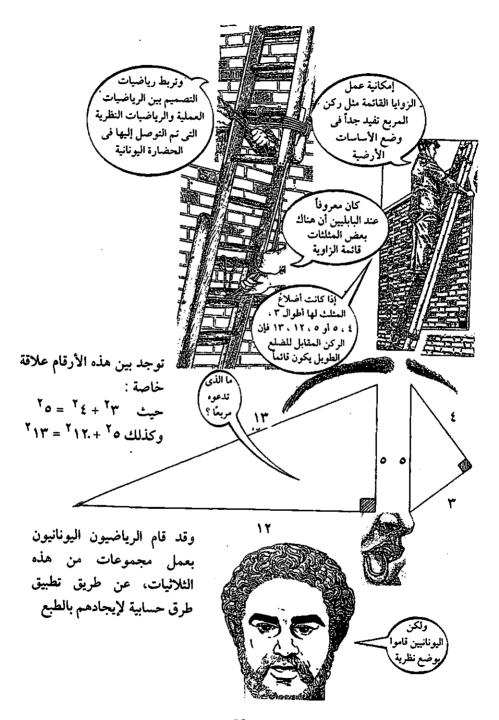
ويلاحظ أن العد والحساب دائماً ما يتعلقان بأرقام منفصلة ومنفردة ، ولذلك يتضمنون أرقاماً فعلية وعلى النقيض فإن القياسات تهتم بمقادير متصلة . ولا يوجد قياس مثالى يعطى القيمة الفعلية للكمية المقاسة، فعندما تتم مقارنة الشيء الذي نريد قياسه مع معيار معين فإننا نحاول تقريب القراءات بين نقطتين على أدق مقياس. لذلك فإن كل تقرير عن



ومنذ عصور ما قبل التاريخ ظلت القياسات تستخدم فى البناء والتصميم. وقد اكتشف علماء العمارة أن الآثار القديمة الباقية مثل Stonehenge كانت تقام بدقة شديدة لملاحظة بعض الأحداث الفلكية، وبالتالى كانت أساساتها تتطلب دقة هندسية فى التصميم. وكذلك تم تصميم كنائس أوروبا medival بنسب دقيقة حتى أن نظرية النسب الإلهية كانت هى أساس المعمار والفن فى عصور النهضة.

وقد مثلت الأهرام المصرية العظيمة تحدياً أعظم لأجيال من علماء المعمار.





الرياضيات اليونانية





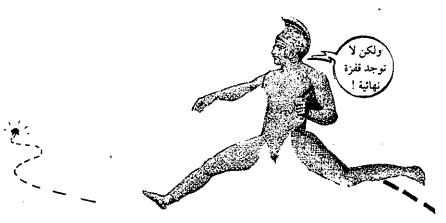


متناقضات [«]زبنو[»]

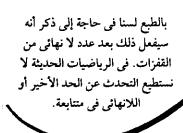
حاول زينو أن يبين أنه سواء تخيلنا أن الفضاء يمكن تقسيمه تقسيماً نهائياً أو لا نهائى أو سواء اعتبرنا الحركة البسيطة أو النسبية سنصل إلى تناقض ، وقد وضح ذلك باستخدام أربعة متناقضات.

وأشهر تلك المتناقضات هى التى تهتم بالتسابق بين أشيلس (أفضل عداء) والسلحفاة. فى قفزة واحدة يستطيع أشيلس أن يقطع نصف المسافة التى تقطعها السلحفاة ويكرر ذلك مرات عديدة...





باستخدامَ هذا التحليل كيف يمكننا تفسير تغلبه على السلحفاة ؟



وهذا التناقض يوضح أننا إذا جعلنا الفضاء مقسماً تقسيماً لا نهائي، سنصل إلى تناقضات في وصف الحركة. هناك أربعة متناقضات أخرى لزينو عن الحركة وأخرى عن التغيير بوجه عام، وإليك المثال التالي. بفرض أننا أعطينا الأوامر التالية ...



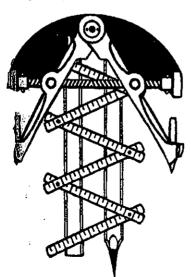
وقد قام الفلاسفة بملاحقة زينو في كل لحظات حياته ولكن مثل أشيلس لم يتمكنوا من اللحاق بفريستهم تماماً. ربما كان لدى زينو شيء يريد أن يخبرنا به عن علم الرياضيات، فنحن نحب أن يكون هذا العلم واضحاً ولكنه في الحقيقة متناقض.



كانت لأفكار إقليدس تأثيرات ضخمة على علم الرياضيات فى الغرب حيث إنها تعتبر الأساس للهندسة. وقد قام بتنظيم إثباتات تقليدية مبنية على بعض "الأعمال" باستخدام بعض الأدوات المثالية مثل المسطرة والفرجار (لعمل أقواس من دوائر). باستخدام هذه الأعمال يمكنك إثبات أشياء عن هيئة الأشكال دون استخدام الأمثلة الرقمية، وكان هذا هو التغيير الكبير

فى الرياضيات اليونانية _ فكرة الإثبات العامة المختصرة.

وفى عمله «العناصر» قدم إقليدس أساسياته المشهورة للهندسة وقام بتعريف الأعمال المسموح بها فى الإثبات (وهناك بعض الأعمال الأكثر تعقيداً والتى كانت معروفة بتحويل بعض الإثباتات الصعبة إلى صورة سهلة ولكنها لم تكن تعتبر «هندسية»). وبعد تعريف عناصره الأساسية مثل «النقطة» و«الخط» قدم إقليدس خمس ملاحظات شائعة عن الكمية وكذلك خمسة افتراضات للأعمال.



الملاحظات الشائعة :

۱ – إذا ساوى شيئان شيئاً ثالثاً فإن الثلاثة يكونون متساوين
 أ = جـ ، ب = جـ ، أ = ب

٢- إذا أضيفت كميات متساوية إلى كميات متساوية كان
 الناتج متساوياً = + = =

٣- إذا طرحت كميات متساوية من كميات متساوية كان
 الناتج متساوياً = - = =

٤- الأشياء المتطابقة تكون متساوية 😊 😑 🕒

٥- الكل أكبر من الجزء **الكمل**

الافتراضات:

من المسلم به أنه في المستوى :

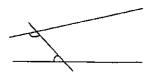
١ – يمكن رسم الخط بين أى نقطتين.

٢- يمكن مد أي خط من كلا الجانبين بدون حد.

٣- يمكن رسم دائرة بأى نصف قطر حول أى مركز .

٤ – كل الزوايا القائمة متساوية.

٥- الخطان اللذان يقطعان خطأ ثالثاً بحيث كان مجموع الزوايا الداخلة أقل من زاويتين قائمتين يجب أن يتقاطعا في نقطة . وأول ثلاث نقاط تعرف أعمالاً أما الاثنان الباقيان فهما نظريات. الافتراض الخامس يسمى «افتراض التوازى» وقد ظل هذا الافتراض تحدياً للرياضيين من بعد إقليدس. وفي الواقع فإن هذا الافتراض يعتبر المفتاح الذي يصف نوعين مختلفين من الهندسة.













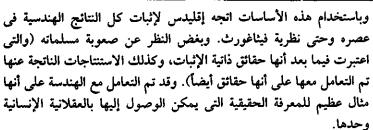












وجاء بعد إقليدس رياضي عظيم جداً وهو أرشيميدس (٢٨٧ - ٢١٢ ق.م.). وضع أرشيميدس طرقأ لقياس مساحة الأشكال الدائرية وكذلك مساحة سطح الأجسام المنحنية مثل الكرة والأسطوانة، وقد استنتج قيمة تقريبية لـ ط...







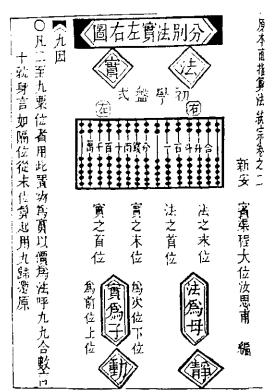


الرياضيات الصينية

لم يَقُم الصينيون باستخدام الإثباتات الثابتة التى وجدناها فى "عناصر إقليدس" وذلك لأنهم لم يُعجبوا بالمنطق الثابت. كان الصينيون، مهتمين بالتطبيقات العملية للأفكار ولم يدرسوا الرياضيات من أجل الرياضيات. وبالطبع لم يمنعهم ذلك من وضع

إثبات للمثلث القائم الزاوية والذى كان مختلفاً تماماً عن نظرية فيثاغورث. وعلى عكس اليونانيين لم ينزعج الصينيون من الأرقام الصماء (وهى تلك الأرقام التى لا يمكن التعبير عنها على صورة نسبة بين رقمين صحيحين أو الأرقام غير النسبية).

ولتمييز الأرقام السالبة _ على سبيل المثال _ استخدم الصينيون سيقاناً حمراء بدلاً من اللون الأسود!

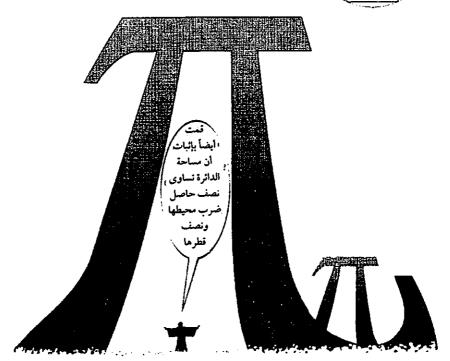


وقد قام الصينيون بالتدريب على الجبر دون استخدام رموز بكتابة كل أفكارهم في صورة كلمات. وقد استخدموا لوحة للعد في الجبر وكذلك في كل الاكتشافات الرياضية الأخرى. وقد طور الصينيون عن طريق العالم صنح ديناستي (٩٦٠ ـ العالم مع المعادلات حتى الأس التعامل مع المعادلات حتى الأس المعادلات الآنية الخطية (في المعادلات الآنية الخطية (في مجهولين أو أكثر) وكذلك المعادلات التربيعية.

وقد اهتم الصينيون أيضاً بالمربعات السحرية التى يتم ملء خاناتها بأرقام عندما تُجمع تعطى نفس الرقم، ويطبق هذا على الصفوف الرأسية والأفقية والقطرية أيضاً . واخترع الصينيون مكعبات ثلاثية الأبعاد لها نفس الخاصية. وظل الصينيون متشوقين للبحث عن قيمة دقيقة لـ «ط». وقد استنتج «ليو هوى» . (وهو أحد علماء الرياضيات القدماء في الصين) قيمة لـ «ط»

4	9	2
3	5	7
8	1	6

حتى أربع علامات عشرية. وبنى ليو هوى طريقته على «طريقة الاستنزاف» حيث من الممكن وضع مضلع داخل الدائرة وعن طريق زيادة عدد أضلاعه حتى تصل أطوالها إلى حد من القصر يمكننا معه مساواة المضلع بالدائرة.



وفى القرن الخامس بعد الميلاد قام الفريق المكون من الأب والابن تسو تشونج تشيه وتسو كنج تشيه بالحصول على قيمة لـ ط تساوى ٣,١٤١٥٩٢٦ و ٣,١٤١٥٩٢٧ . لم يتم التوصل لهذا الرقم في العالم الغربي حتى القرن السابع عشر.

تشيو تشانج

هو أشهر كتاب فى الرياضيات الصينية، ولا نعرف من كتبه ولا متى تمت كتابته بالتحديد ولكنه يفترض أنه يعود إلى آخر سلالة «تشين» أو بداية سلالة «هان» (القرن الأول بعد الميلاد).

وهذا الكتاب يغطى الموضوعات التالية :



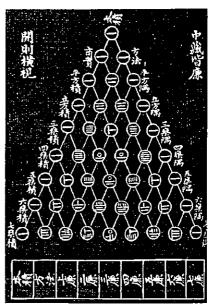
أربعة علماء رياضيات صينيون

يعتبر آخر القرن الثالث عشر وبداية القرن الرابع عشر هى فترة أقصى ازدهار للرياضيات الصينية. وقد عاش خلال هذه الفترة أربعة من أشهر علماء الرياضيات فى الصين.



وكان هناك أكثر من ثلاثين مدرسة رياضيات عبر الصين وكانت الرياضيات مادة إلزامية في اختبارات الخدمة الوطنية العامة.

ويعتبر العالم تشين تشيو شاو واحداً من أعظم علماء الرياضيات الصينيين على الإطلاق وقد عمل في الخدمة العسكرية والمدنية وكان كتابه تسعة قطاعات من الرياضيات يتضمن بعض الأفكار الجديدة وقدم تحليلاً غير معروف من قبل (وهو دراسة المسائل التي لها حلول على هيئة أرقام صحيحة).

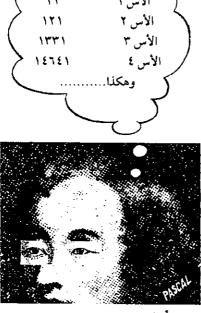


وقد درس کُلِّ من «یانج هوی» و «تشو شیه تشيه» التباديل والتوافيق بين التعبيرات وتوصلوا إلى ما نسميه الآن بنظرية ذات الحدين. وتتضمن هذه النظرية ضرب مقدارين مكونين من حدين 🗓 مثل (س + ۱) و(س + ۳) والذي يعطي ناتجاً . س۲ + ۶ س + ۳ =۰

وكلما ازداد عدد المقادير المضروبة ببعضهما ازداد عدد الحدود في الحل النهائي مثل:

وقد قاد هذا عالمي الرياضيات للعمل في ما نعرفه الآن بمثلث باسكال. فقد اكتشفا أنه إذا

> الأس ١ لاحظ أحدنا الأرقام المصاحبة الأس ٢ للسينات يظهر نموذج معين. بالنسبة الأس ٣ للأس الأول (مثل (س+١)) هذه الأس ٤ الأرقام هي ١ ، ١ ؛ وبالنسبة للأس ٢ (مثل (س+۱)^۲) تكون الأرقام ١، ٢، ١؛ وبالنسبة للأس ٣ (مثل (س + ۱)^۳) تكون الأرقام ١، ٣، ٣، ١ وهكذا. وقد تم تخطيط هذه الأرقام في نفس الصورة التي صممها باسكال في القرن السابع عشر.



ىاستكال

وقد استُخدم مثلث باسكال في حساب الاحتمالات. على سبيل المثال يعطى النصف الثانى التباديل المختلفة عند رمى قطعتى نقود. فهناك احتمال واحد أن تظهر صورتان واحتمالان أن تظهر صورة وكتابة ، واحتمال واحد لظهور كتابتين.



وقد تم توضيح ذلك بواسطة عالم الرياضيات تشيا هسين (١١٠٠ ميلادية) وربما تكون ظهرت قبل ذلك.

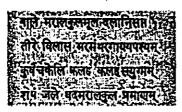
الرياضيات الهندية

تعتمد الرياضيات الهندية (شأنها شأن الرياضيات الصينية) على كل الإثباتات المتنوعة متضمنة التحققات المرئية والتي لم يتم إرجاعها إلى أى نظام استدلالي تقليدي. وقد تطورت الرياضيات الهندية من النظام الذي طوره علماء المنطق وعلماء اللغة الهنديون. وقد تطورت الرياضيات في الهند في أربع مراحل واضحة.

مرحلة (الهارابان) من ٢٥٠٠ ق.م. إلى ١٠٠٠ ق.م. وتضمنت الرياضيات الأولية باستخدام الأحجار ، إلخ.

وتلى هذه المرحلة فترة «فيديك» والتي استمرت لمدة ١٠٠٠ عام والتي اهتمت بهندسة الطقس. وخلال هذه الفترة بدأت «الجنسنية» و«البوذية» في الظهور.

ثم تلى ذلك الفترة التقليدية والتي استمرت تقريباً حتى عام ١٠٠٠ ب.م. وقد اهتم الرياضيون في هذه الفترة بتطوير المبادئ القديمة مثل الأرقام والخوارزميات والجبر.



तीर विशास मरामराविष्यपस्य है विशास मरामराविष्यपस्य है कि विशास मरामराविष्यपस्य है कि विशास मरामराविष्य है कि व विश्वचित्र विशास स्थापन कि वि

والمرحلة الأخيرة في الرياضيات الهندية هي فترة القرون الوسطى «لمدرسة كيرالا» والتي انتهت في القرن السادس عشر حيث تم تطوير أفكار أكثر ذكاءً، وسبب انتهاء هذه المدرسة في كيرالا غير معروف تماماً. وعلى أية حال فقد أثرت مدرسة كيرالا كثيراً في الرياضيات الأوروبية حيث إن الاكتشافات الرياضية في أوروبا كانت معروفة مسبقاً لدى علماء الرياضيات في كيرالا قبل ذلك بحوالي ثلاثة قرون.

مندسة القيدا (١)

كان هندوس فيديك معجبين جداً بالأرقام الكبيرة التى كانت تشكل جزءاً من المسئولية الدينية لديهم. فعلى سبيل المثال عند مناقشة أمر مثل القربان كانت تذكر أرقام مثل ١٠٠٠٠ مليون. وكان هناك اعتقاد كبير بالأرقام التى تزداد على صورة مضاعفات العشرة، وكلما ازداد الرقم أصبح أكثر إثارة.

و هندسة مذبح الكنيسة تعطينا تصوراً للجبر عند هندوس فيديك. فطبقاً لأحد الأنظمة كان مذبح الكنيسة يأخذ شكل شبه منحرف ذى ضلعين متساويين . ويتم زيادة أو إنقاص أطوال الأضلاع بالتناسب مع الطقوس المختلفة. وهناك طقوس مختلفة تتطلب عدم تغير أطوال أضلاع معينة بينما تزداد أو تنقص أطوال أضلاع أخرى.

وقد مكن هذا القادة الدينيين من المسائل الرياضية التى تتطلب حلولاً جبرية. وقد تم وضع قواعد لهذه العمليات والأسئلة التى تأخذ فى اعتبارها عدد الأحجار المستخدمة فى هذه التغيرات. وتقدير عدد الأحجار المستخدمة فى هذه العملية بحيث لا تتقابل الصدوع فى الطبقات المتتالية أدى إلى استخدام المعادلات الآنية.



 ⁽¹⁾ الفيدا: هي مجموعة الكتب المقدسة في الديانة الهندوسية، وكلمة الفيدا سنسكريتية تعنى «المعرفة»، ولم يبق منها سوى
أربعة أسفار. (المراجع).

وقد حسب الرياضيون الهنود قيمة ط لأقرب أربع علامات عشرية.

الطريقة الهندية المعتادة لإيجاد مساحة الدائرة أو حجم الكرة ...



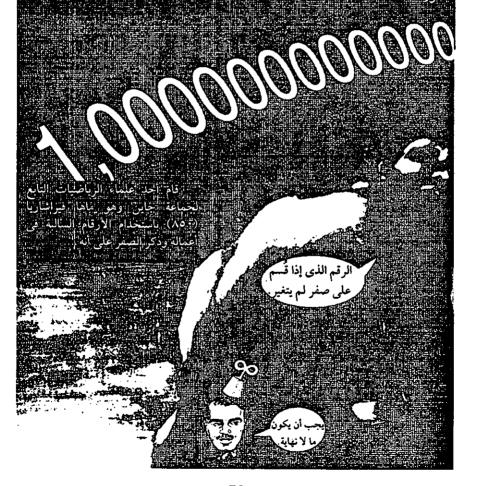
براهما جوبتا

وظهر الجبر في فترة براهما جوبتا (٥٩٨) (وهو أحد أعظم علماء الرياضيات في الهند) على أنه فرع منفصل من الرياضيات. وقد كتب براهما جوبتا أبحاثاً غطى فيها بعض النقاط مثل الجذور التربيعية والتكعيبية والكسور وقاعدة الثلاثة والخمسة والسبعة وغيرها والمقايضة. وخلال هذه الفترة تم تقسيم المعادلات إلى أنواع ما زالت تعرف حتى الآن: البسيطة Yavat-tavat والتربيعية abana والتكعيبية ghana والتربيعية الثنائية حتى الآن: البسيطة مراهما جوبتا بالمعادلات الخطية ذات المجاهيل وكذلك المعادلات التربيعية. وكان لبراهما جوبتا العديد من المعلقين الذي نقلوا أفكاره عبر



أرقام "حاين

اهتم هنود جاين شائهم شأن هندوس فيديك بالأرقام الكبيرة وكانت لهم طريقة منفردة للتفكير في هذه الأرقام أفقد اقترخوا أن هذه الأرقام تنقسم إلى ثلاث مجموعات وهي المعدودة والغير معدودة واللابهائية. وكل مجموعة تنقسم إلى ثلاث مجموعات فالمجموعة الأولى على سبيل المثال تنقسم إلى الأرقام القليلة والمتوسطة والكبيرة ، أما المجموعة الثانية فتقدم إلى غير معدودة تقريباً وغير معدودة حقيقياً وغير معدودة . أما المجموعة الثانية فهي تقريباً لا نهائي ولا نهائي حقيقي ولا بهائي ولا نهائي حقيقي ولا بهائي إلى تعرب معدودة أما المجموعة الثانية فهي القريباً لا نهائي ولا نهائي حقيقي ولا بهائي المدودة أما المحموعة الثانية الأرقام إلا منذ قرن مضي من جلال أعمال المدالية المدال



اندماجات فيديك وجاين

كان كل من فيديك وجاين الهنود مغرماً بالتعامل مع الاندماجات. وأحد مصادر هذا الاهتمام كان قصائد فيديك الشعرية وتغيراتها. وكان بعض هذه الأبيات مكوناً من آمة مقاطع وبعضها من ٨ أو ٩ ، ١١ أو ١٢. وكان التحدي هو تغيير الأصوات الطويلة والقصيرة في كل مجموعة مقاطع وإيحاد الاندماجات المختلفة المتاحة. وقد أدى هذا البحث إلى العديد من مسائل التباديل على سبيل المثال: الروائح التي تنتج من خلط المادة في صورة منفردة أو ثنائيات أو ثلاثيات في نفس الوقت.



الشعر الرياضي

تم تناقل الأفكار الرياضية الهندية في صورة الشعر. ويشيع وجود الألغاز الرياضية في الشعر حتى الآن، وأحد الألغاز الرياضية الشعرية هو:





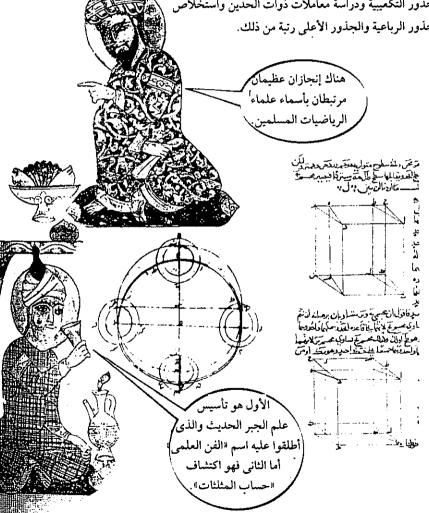
راما نوجان

يحتوى التاريخ الهندى على العديد من الرياضيين البديهيين فعلى سبيل المثال كان «سرينيفازا راما نوجان» (١٨٨٧ - ١٩٢٠) فاشلاً أكاديمياً ولكنه كان عالم رياضيات لامعاً. وقد اعتمد راما نوجان على المذهب التصوفي والميتافيزيقا وكذلك الأفكار التجريدية في دراسة الرياضيات. وكانت طريقة الوصول إلى النتائج العميقة الذكية (وبالمناسبة الخطأ) خارج نطاق فهم أي أحد وكان نصيره في انجلترا عالم الرياضيات ج.ه. هاردي والذي زاره ذات مرة بينما كان مريضاً في أحد المستشفيات.



الرياضيات الإسلامية

قام المسلمون بتوحيد الفكر الرياضى فى كل الحضارات السابقة لهم ، حيث قاموا بدمج الجبر والعلاقات الحسابية البابلية والهندية والصينية بالعلاقات الهندسية اليونانية والإغريقية. وكنتيجة لذلك كان علماء الرياضيات المسلمون على درجة عالية من الجرأة فى التعامل مع العمليات الحسابية على الأرقام الصحيحة والكسور وكذلك استخدام وتحويل الأرقام العشرية والسداسية وأيضاً استخلاص الجذور التربيعية والعمليات على الأرقام غير النسبية واستخلاص الجذور التكعيبية ودراسة معاملات ذوات الحدين واستخلاص البحذور الرباعية والجذور الأعلى رتبة من ذلك.



الخوارزمي

محمد بن موسى الخوارزمى (توفى عام ٨٤٧) هو مؤسس علم الجبر الذى نعرفه فى أيامنا الآن. وقد أتت كلمة الجبر من عنوان كتابه "كتاب المختصر فى حساب الجبر والمقابلة». وتشتق كلمة خوارزم من اسمه. وقد وضح الخوارزمى كيفية اختصار أى مسألة إلى واحدة من ست صيغ قياسية باستخدام عمليتين الأولى تعرف بالجبر والثانية هى المقابلة.

وتهتم الطريقة الأولى (الجبر) بنقل الحدود لحذف الكميات السالبة (مثل س = ٤٠ - ٤ س تصبح ص س = ٤٠).

والمقابلة هي العملية التالية وهي عبارة عن موازنة الكميات الموجبة المتبقية (لذلك إذا كان لدينا ٥٠ + س٢ = ٢٩ + س١٠ س تقوم المقابلة باختصارها إلى س ٢ + ٢١ = ١٠ س).









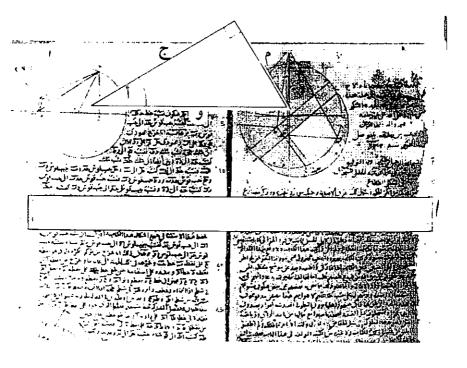
اكتشاف حساب المثلثات

قدم علماء الرياضيات المسلمون النسب المثلثية السنة الأساسية وامتدادهم في حل مسائل حساب المثلثات.

وقد حل حساب المثلثات الحديث محل الطريقة غير البارعة لاستخدام الأوتار (المبنية على قطاعات من الدائرة) التى استخدمت بواسطة عالم الفلك اليوناني العظيم Ptolemy (١٠٠ - ١٧٠) ويتم تعريف هذه الدوال بواسطة أضلاع المثلث القائم الزاوية، والمسمون بـ "م" للضلع المقابل لزاوية ما و "ج" للضلع المجاور لها و "و" للوتر، وهذه الدوال هى جا = $\frac{n}{e}$ ، جتا = $\frac{\pi}{e}$ ، وظا = $\frac{\pi}{f}$ وقد نتج منه هذه التعريفات البسيطة عالم غير مصدق من العلامات. وقد كان حساب المثلثات عبارة عن أعظم تطور هام للرياضيات والفلك والعلوم العملية مثل مساحة الأراضي وبناء الحصون.

والدوال الثلاثة الأخرى هي عبارة عن مقلوب الدوال الأولى وهي :

$$\frac{1}{|z|} = \frac{1}{|z|} = \frac{1}{|z|}$$



البطاني

قام البطانى (المتوفى عام ٩٢٩) بإنتاج عدد من العلاقات المثلثية والتى تتضمن : ظا أ = $\frac{1}{-2}$

1 1 + 1 = 1 1

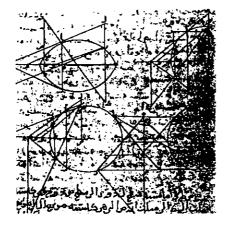


أبو وفا

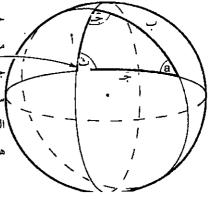
استنتج أبو وفا (المتوفى عام ٩٩٨) العلاقات التالية : + جا + ب + جا + ج



كانت أعمالى نافعة جداً لدرجة أنها عبرت أوروبا كلها خلال فترة النهضة . قمت أيضاً بإعداد جداول مثلثية جديدة وطورت طرق حل بعض مسائل المثلثات الكزوية



حيث أ، ب، جه هي أطوال أجزاء الدوائر التي تكون مثلثاً على سطح الكرة مقدرة بالدرجات أما أ، ب، أجه فهي الزوايا المقابلة لها. ويتم عمل الدوائر على سطح الكرة بواسطة المستويات التي تمر بمركز تلك الكرة. (في هذه الأيام تتبع الطائرة العابرة للقارات هذه الدوائر حيث إنها تعتبر أقصر مسافة بين نقطتين).



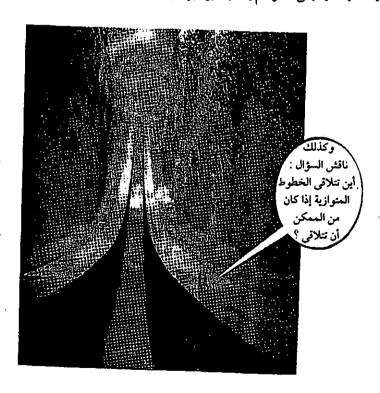
ابن يونس وثابت بن قرة

قام ابن يونس المتوفى عام ١٠٠٩ بتحقيق الصيغة التالية : جنا أجنا $\frac{1}{2}$ جنا (أ - ب))

وبالرغم من أنها مبنية أساساً على علم المثلثات إلا أنها مكنتنا من تحديد قيمة لحاصل الضرب على صورة مجموع. وفي الوقت الذي كانت فيه عملية ضرب رقمين مكونين من عدد كبير من الخانات تعتبر عملية مملة كانت هذه المعادلة موفرة للجهد بطريقة كبيرة ، بعد ذلك أعطت هذه الصيغة بوادر نشأة اللوغاريتمات والتي قامت بنفس المهمة بصورة مباشرة، أيضاً أدت هذه الصيغة إلى الصيغة الأساسية لحساب المثلثات الدائرية المستخدم في هذه الأيام من خلال معادلة جيب التمام.

 $^{\wedge}$ جتا أ = جنا ب جتا ج + جا ب جا ب جنا أ (حيث أن أ هو طول الضلع الدائرى و أ هى الزاوية المقابلة له).

كتب ثابت بن قرة (المتوفى عام ٩٠١) فى نظرية الأرقام واستخدامهم فى وصف النسب بين الكميات الهندسية وهى خطوة لم يخطُّها اليونانيون أبداً.

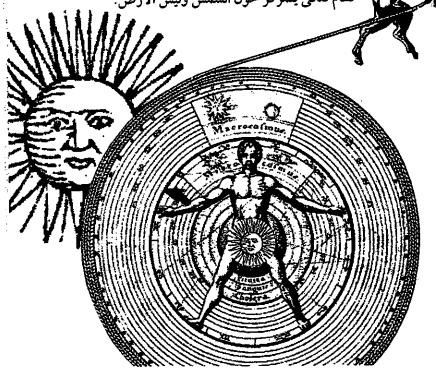


الطوسي

يعتبر ناصر الدين الطوسى (المتوفى عام 1۲۷٤) أفضل العلماء فى مجال حساب المثلثات بنوعيه المستوى والكروى. ومعالجته المبنية على الفهم لتحليل المثلثات الكروية تعتبر واحدة من الدراسات المؤسسة لتطوير علم الرياضيات. وقد أسس أزواج طوسى والتى وضح من خلالها أن الحركة فى

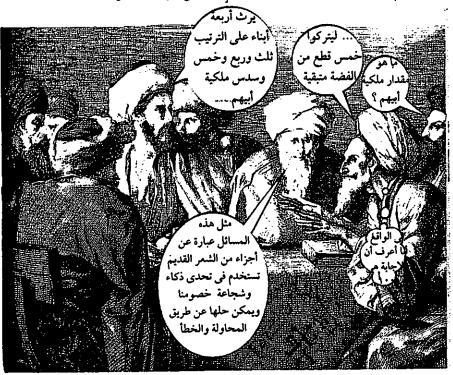
خط مستقيم ذهاباً وإياباً يمكن المستقيم ذهاباً وإياباً يمكن المستقيم أما مستقيم أما مسلم المسلم المسلم المسلم المسلم المسلم المسلم المسلم نيقولاس كوبرنيكوس (١٤٧٣ - ١٥٤٣) من تمثيل حركة الكواكب المعقدة على هيئة حركة دائرية مركبة وذلك سهل عليه إنشاء نظام فلكي يتمركز حول الشمس وليس الأرض.

ب المراد مس الدارة الصعيرة مدالة



حل المسائل التي تتضمن أرقاماً صحيحة

ظلت المسائل التي لها حلول عبارة عن أرقام صحيحة شائعة على مر القرون، فهذه هي الأرقام التي يفهمها النلاميذ. ومثال تلك المسائل هو مسألة الوراثة:



وتم التوصل لأول تقريب لهذه المسائل بواسطة ديوفانتوس (٢٧٥) وكان علماء الرياضيات المسلمون على درجة عالية من النشاط في تطوير هذا العمل. وكانت نقطة البدء الطبيعية هي أرقام فيثاغورث مثل 7، 3، 6 والتي تكون أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية، وتم تعميم هذه العلاقة وقام العلماء المسلمون بالبحث عن حل صحيح للمعادلة $m^{i}+m^{i}=3^{i}$. وكان هناك العديد من علماء الرياضيات من قاموا بإثبات استحالة حل هذه المعادلة ومن ضمن هؤلاء كان فيرمان لو الذي سميت هذه المسألة باسمه. وقام العلماء التالين باكتشاف بعض الأخطاء التي بينت أن هذه المسألة صعبة جداً بالفعل!

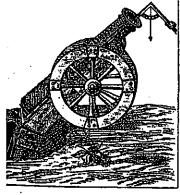
نشأة الرياضيات الأوروبية

اعتمدت الرياضيات الأوروبية في تطورها على المساهمات من كل الحضارات الأخرى، فخلال العصور الوسطى كانت أوروبا أقل شأناً من الحضارات الأخرى في كل نواحى النقنية والعلوم والثقافة . وقد بدأت في اللحاق بالركب عن طريق الاحتكاك الثقافي أثناء الحملات الصليبية ومن خلال الحوار بين العلماء في كل من أسبانيا وإيطاليا. وقد تم نقل وترجمة الأعمال العربية سواء إذا كانت مترجمة من اليونانية أو أعمالاً أصلية وذلك بواسطة فرق عمل متضمنة الوساطة اليهودية في بعض الأحيان.



ومن بقايا هذه العملية الأسماء العلمية التى تبدأ بـ "الـ" مثل الجبر والكحول (Algebra & Alcohal). وقد تم إعادة اكتشاف العلاقات الفيثاغورثية من الرياضيات الفنية والصوفية خلال عصر النهضة في القرن الخامس عشر.

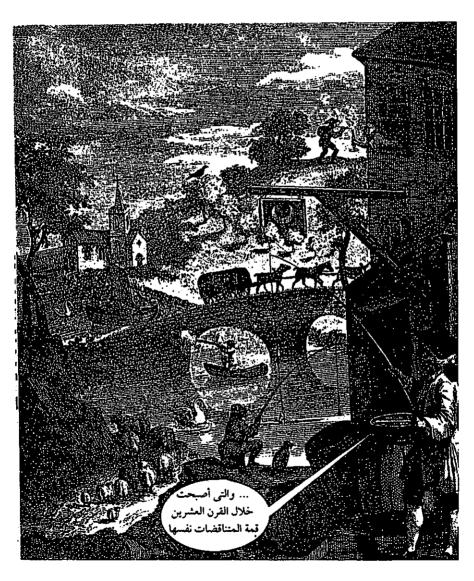




وكانت الرياضيات لها دور أساسى فى الإبحار فى أعالى البحار وتم تطبيقها فى كثير من المجالات مثل الدفاع (تصميم الحصون) والهجوم (مصاطب المدفعية) فى داخل الأوطان. وكانت المجالات مثل حساب المثلثات هامة جداً لنجاح هذه المغامرات، وقد تم تقدمها فى كلا المجالين التجريبي والنظرى.

هذا بالإضافة إلى التطور المنتابع للعلوم التجارية والتى تطلبت تحسين طرق المحاسبة. وقد دعت الكنيسة فى البداية لاستخدام الأرقام العربية والاحتفاظ بالكتب ذات اللغتين (العربية والأوروبية على سبيل المثال). وكان ذلك لا يحتاج إلى تبرير ولكنه أمر واجب القبول. وفى هذه الأيام أصبحت هذه الأمور هامة جداً لدرجة يصعب معها إهمالها أو تجاهلها.

وقد صاحب تطور الرياضيات الأوروبية فى المجال النظرى بعض الأزمات والمتناقضات. فقد أصبحت الأرقام السالبة والأرقام غير النسبية (والتى نادراً ما أزعجت الصينيين والهنود والمسلمين) على درجة عالية من الصعوبة بالنسبة لعلماء الرياضيات الأوروبيين حتى أثناء استخدامهم بنجاح باهر. وفى الحال أدت هذه المتناقضات إلى ظهور مجالات جديدة من الرياضيات ...



رينيه ديكارت

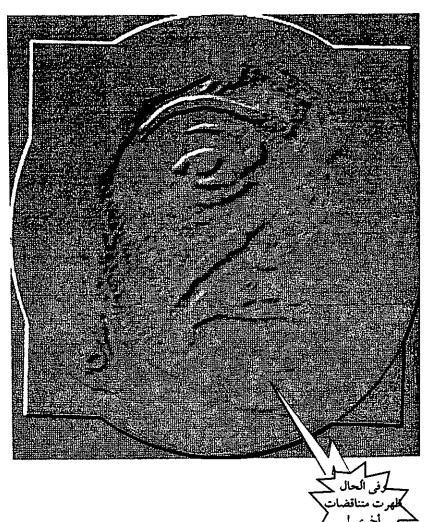
ويلاحظ أن أعظم مبتكر أوروبى فى الرياضيات هو الفرنسى رينيه ديكارت (١٥٩٦ - ١٦٥٠) والذى كان فيلسوفاً أيضاً. ومن خلال أبحاثه الشخصية فى التأكد تحول من تعلم الأدب الإنساني إلى متابعة الرياضيات، ولكنه في البداية كان محبطاً.



لماذا كان ديكارت على هذه الدرجة العالية من الاستخفاف بالجبر لدرجة أنه أراد أن يحسنه؟ حسناً، فقد كان الجبر مصاغاً جزئياً فى خلال القرن السادس عشر، فقد كانت هناك بعض النقاط العامة ذات الأسماء المختصرة التى لم تكن على درجة وصف واضحة ولا حتى تمت معالجتها بطريقة بارعة. ولكن بالنسبة لعلماء الرياضيات فى ذلك الوقت كانت هناك أمور أسوأ، فقد وجدوا أنفسهم يقومون بوصف أشياء تافهة أو سيئة!

لقد ذكرنا سابقاً الأرقام التخيلية، وهي جذور المعادلات مثل س٢ + ١ = ٠ ، إلى أي نوع من الأرقام تنتمي هذه الأرقام ؟

فنحن لا نستطيع عد الأشياء بواسطة هذه الأرقام. أيضاً ما هى الكميات الفيزيائية التى يعطى مربع قياسها كميات سالبة ؟ هذا يعنى أنه يلزم التعامل مع هذه الأرقام بمعالجة بارعة لبعض القواعد، وفي النهاية لا توجد دواعى قلق من كتابة الهراءات مثل تلك!

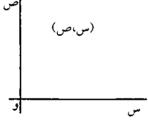


الهندسة التحليلية

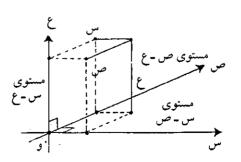
ظهرت الهندسة التحليلية أو هندسة الإحداثيات كنتيجة لمجهودات ديكارت. وتبنى الهندسة التحليلية على فكرة أن أى نقطة في الفراغ يمكن ...



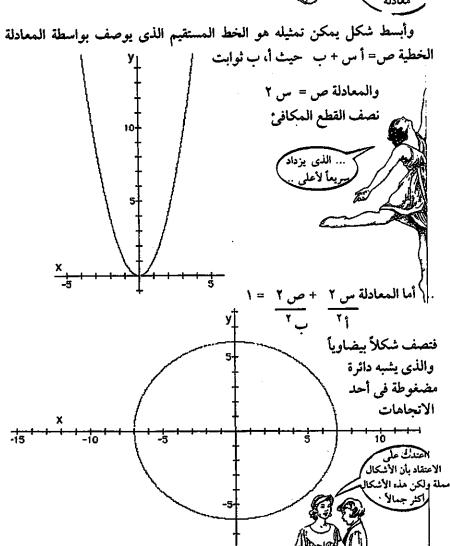
فى الهندسة المستوية يوجد محوران متعامدان نطلق عليهما «محور س» و«محور ص». ويمكن تحديد موقع أى نقطة فى المستوى بواسطة إحداثياتها (س،ص) والتى تعطى المسافة بين تلك النقطة ونقطة الأصل على المحور بين س و ص، ونقطة الأصل هى نقطة تقاطع المحورين.



أما فى حالة الثلاثة أبعاد فيوجد ثلاثة محاور متعامدين تبادلياً وهم محور س و ص و ع







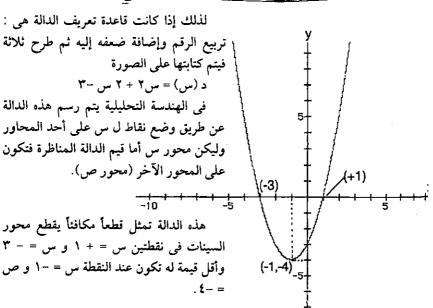


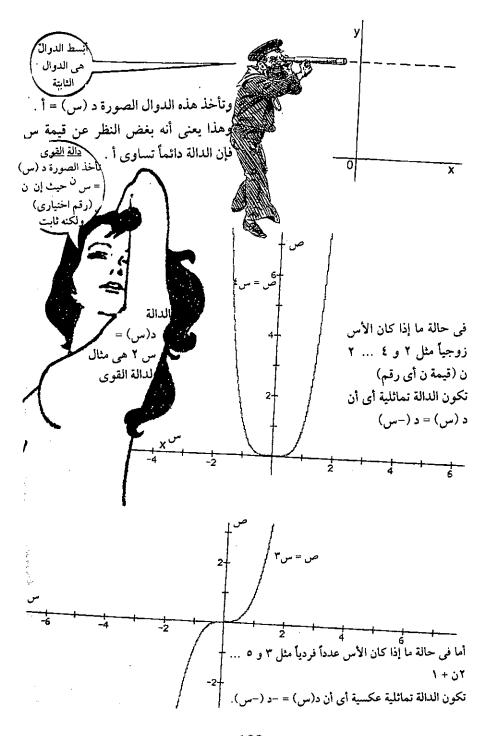
... وهي القطع الزائد الذي يتم تمثيله بواسطة المعادلة $\frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{1}} = 1$. وإشارة السالب هي التي تقوم بكل أشكال الاختلافات حيث $\frac{1}{\sqrt{1}}$ إن هذا المنحني عبارة عن فرعين يزدادان بسرعة إلى ما لا نهاية بیضاوی کمان کمان ΩE

الدوال

تقوم الدوال بإظهار صورة اعتماد أو علاقة متغير ما بمتغير أو متغيرات أخرى، فنقول إن ص هى دالة فى س و ص. (نستخدم الحروف فى آخر الأبجدية للتعبير عن المتغيرات، أما تلك فى بداية الأبجدية فتعبر عن الثوابت فى غالب الأحيان كما استخدمهم ديكارت).

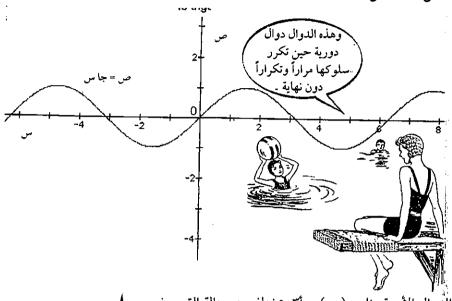




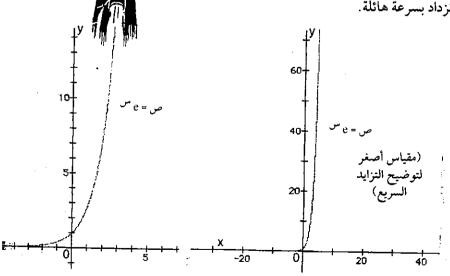


الدالة الجذرية هي عبارة عن «عكس» دالة القوى، لذلك الدالة د(س) = سلا = الس هى عكس الدالة د (س) = س ٢. الدالة كثيرة الحدود يتم تمثيلها بواسطة عدد من الثوابت أ ، ب، ج ، و، ... ومتغير واحد س الذي يتغير في أسسه. لذلك الدالة كثيرة ربر الحدود من الممكن أن تأخذ الصورة 灯 د(س) = أس٣ + ب س ٢ + جـ س + د . فيما وراء ذلك توجد دوال «مبهمة»

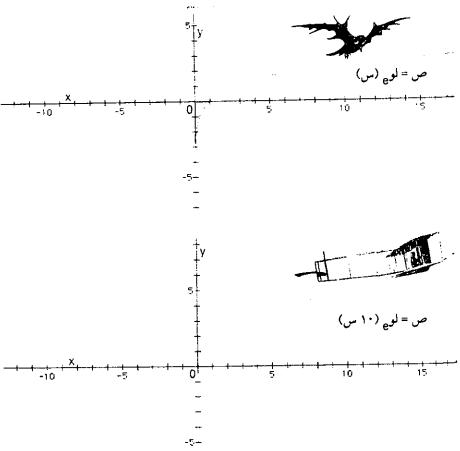
أما الدوال المثلثية فتستخدم النسب المثلثية مثل جا وجنا، وأحد هذه الدوال هي د (س) = جا س



الدوال الأسية مثل د (س) = أس تختلف عن دالة القوى فى أن الرقم الثابت فى هذه الحالة يكون هو الأساس أما س فهو الأساس. والدوال الأسية ذات أساس أكبر من واحد تزداد بسرعة هائلة.



الدوال اللوغارتمية هي عكس الدالة الأسية وتكتب على الصورة د(س) = لو (س) ؛ ويسمى الرقم أ بأساس اللوغاريتم. وتتزايد هذه الدوال تزايداً بطيئاً جداً. ومثال تلك الدوال : لو (10) = لو (10) + لو (10)



واللوغاريتمات التى نستخدمها فى الجداول لها أساس عشرة. وفى الكمبيوتر (والذى يعمل بالحسابات الثنائية المبنية على الرقمين صفر وواحد) يكون الأساس المناسب هو اثنان. وفى حالة الرياضيات النظرية فإن الأساس المفضل هو:

ث = ۲,۷۱۸۲۸۰۰۰

وهذا هو «أبو كل الأساسات» والذى يمثل الدالة الأسية e = (m) والتى لها معدل تزايد مساو تماماً لحجمها.



التفاضل والتكامل



كانت أعمال ديكارت هى أوج عملية تحرير الجبر من الكلمات ، تماماً مثلما فعلت الهندسة اليونانية من تحرير الإنشاءات من الأرقام. وقد انطلق تطور الجبر بمجرد أن وضع ديكارت صيغة لوصف المعلاقات الجبرية . وخلال أربعين عاماً من نشر الهندسة الجبرية لديكارت قام العالم الرياضى الفيلسوف الألماني جونفريد ويليام فون ليبنز (١٦٤٦ ـ ١٧١٦) بابتكار جبر للانهاية. وهذا هو ما نسميه التفاضل والتكامل وهو أداة فعالة في تحليل النمو والتغير بصفة عامة.

مكان الجسم المتحرك : س السرعة أو الجريان : س•

نيوتن

المتغير س الدالة د (س) المنحنى ص = د(س) ميل المماس = المشتقة دُ(س) = ء ص

المساحة تحت المنحنى بين نقطتين س = أ و س = ب د (س) = ء س لسنة

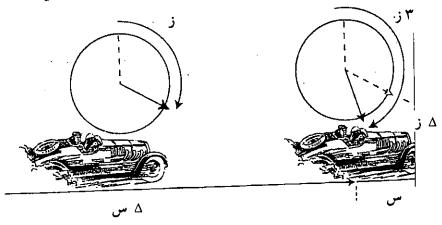
أما السير إسحق نيوتن (١٦٤٢ ـ ١٧٢٧) فقد قام باكتشاف مماثل لذلك في فترة سابقة نوعاً ما ولكنه قام فقط باستخدام ملاحظات ديكارت في صورة موسعة بدلاً من الإضافة إليه لذلك فإن الصورة التي وضعها ليبنيز للتفاضل والتكامل هي الصورة السائدة هذه الأيام. لذلك فإن الفيلسوفين ديكارت وليبنيز هما اللذان وضعا الأفكار والملاحظات التي شكلت الرياضيات بعد ذلك.





عملية إيجاد كيفية تغير كمية ما تسمى التفاضل، فعندما نقوم بتفاضل دالة ما فإننا نحصل على معدل تغيرها .

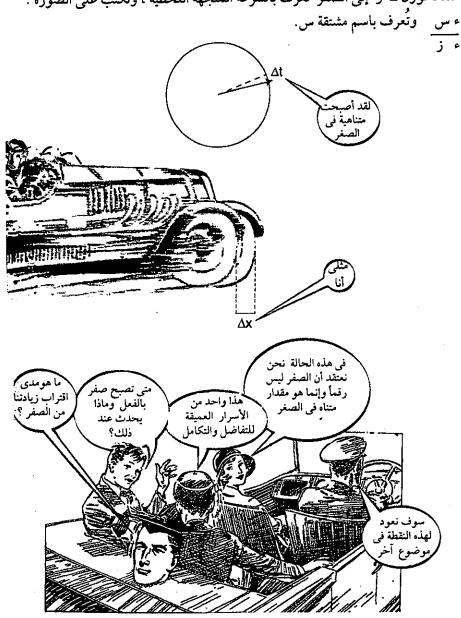
فإذا ألحذنا في الاعتبار مركبة تسير في طريق ما ، فإننا نجد أن موقعها يتغير بصورة متصلة على طول الطريق. وعند أي زمن زيكون موقعها س متمثلاً بواسطة الدالة المتصلة س(ز).



٢- مع استمرار المركبة فى الحركة فإن
 موقعها سيتغير وليكن هو س+ Δ س
 وذلك بعد مرور برهة من الوقت Δ ز .

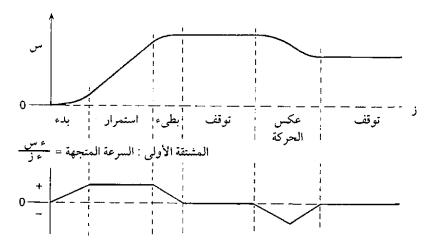
3- تصل هذه المركبة إلى موقعها الجديد بعد مرور وقت عبارة عن مجموع الوقت الابتدائى ز بالإضافة إلى البرهة Δ زأى أن الوقت الكلى هو ز + Δ ز .

 وإذا افترضنا أننا نريد أن نعرف سرعة أى جسم متحرك عند أى لحظة ز أو معدل تغير س عند زمن معين ز ، نستطيع أن نحسب ذلك عن طريق تقليل الزيادة فى الزمن Δ ز بقدر الإمكان حتى تصل إلى الصفر . وفى هذه الحالة فإن نهاية السرعة المتوسطة $\Delta \frac{\Delta m}{\Delta i}$ عندما تؤول Δ ز إلى الصفر تعرف بالسرعة المتجهة اللحظية ، وتكتب على الصورة : عسم وتُوه في بالسرعة على الصورة : عسم وتُوه في بالسرعة تقديم





وإذا قمنا برسم س كدالة في ز فإن المشتقة تعبر عن ميل المماس للمنحني عند ز.



ويمكننا أيضاً القيام باشتقاق المشتقة لنحصل بذلك على المشتقة الثانية، وفي مثالنا هذا للمركبة على الطريق فإن المشتقة الثانية: تعطينا معدل تغير السرعة أو العجلة.

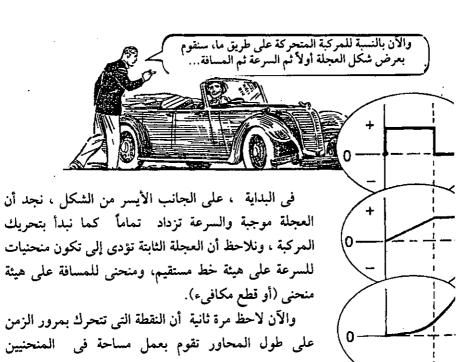




ويمكننا توضيح مدى فاعليتها باستخدام مثال المركبة التى تتحرك على طريق ما والأشكال الثلاثة للمسافة والسرعة والعجلة.. وبدلاً من البدء بدالة المسافة تم القيام باشتقاقها دعنا نبدأ بالمشتقات ونعود بطريقة عكسية إلى دالة المسافة.



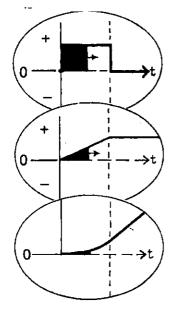
دعنا ندأ



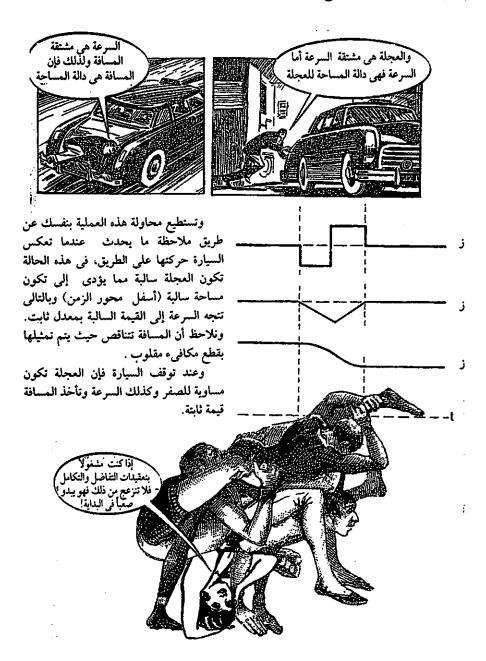
السفليين ، وهذا هو مفتاح فهم التكامل بأكمله ، لذلك راقب جيداً عن قرب.

بالنسبة لمنحنى العجلة نلاحظ أن المساحة المتزايدة تقوم بمسح مستطيل وتزداد مساحته تناسبياً مع الوقت المقطوع ، وهذا تماماً هو نفس سلوك منحنى السرعة!

وبالنسبة لمنحنى السرعة فهو يمثل مثلثاً متزايداً وتزداد مساحته فى البداية ببطء ثم بعد ذلك بسرعة أكبر، وذلك هو نفس سلوك منحنى المسافة!

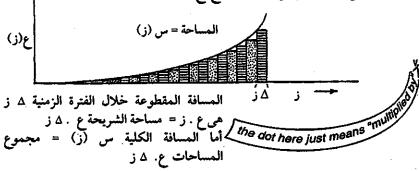


والذى نستنتجه من ذلك أنه إذا كانت دالة ما هى مشتقة دالة أخرى فإن هذه الدالة الثانية هى دالة المساحة للدالة الأولى.





فإذا بدأنا بمنحنى السرعة ع(ز) وتخيلنا أن المساحة أسفل هذا المنحنى عبارة عن شرائح رفيعة جداً كل منها له عرض ∆ ز وارتفاع ع (ز).



وبذلك فإن المساحة الكلية تحت المنحنى هى مج (كل الشرائح ع(ز) . ۵ ز)

وكل من تلك الفترات تقوم بوصف المسافة المقطوعة بسرعة ثابتة ع خلال الفترة الزمنية ز





لكى نرجع إلى التعريف السابق وهو عكس المشتقة فإن كل ما نحتاج تخيله هو الشريحة الرقيقة السابقة وهى △ س نفسها.

0وحيث إن Δ س = ع Δ ز.

$$\frac{\Delta}{\Delta} = \frac{(3 \cdot \Delta)}{\Delta}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} = \frac{\Delta}{\Delta}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta}$$

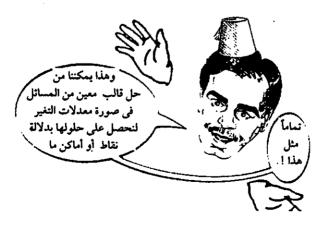
$$\frac{\Delta}{\Delta} = \frac{\Delta}{\Delta}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} = \frac{\Delta}{\Delta}$$

$$\frac$$

وعلى ذلك فإن مشتقة الدالة المتكاملة التى تم تعريفها من خلال مجموع الشرائح هى نفسها الدالة التى تُعبر. مساحاتها عن الدالة المتكاملة.

والآن من السهل أن نوجد مشتقات الدوال سواء إذا كان بصورة جبرية أو بواسطة بعض الدوال. ولإيجاد الصورة الجبرية لدالة المساحة فإننا نقوم بالبحث عن تلك الدالة الني تُعبر مشتقتها عن الدالة الأصلية ويتم اختزال المسائل التي تختص بدراسة خواص المنحني ككل إلى مسائل أبسط تدرس خصائص المنحني عند نقطة.

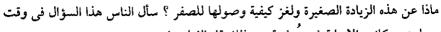




وقد تم تطبيق التفاضل والتكامل في مجالي الميكانيكا والفلك.

وأدى استخدام المعادلات التفاضلية فى الفيزياء إلى نشأة الفيزياء الرياضية، وبمساعدتها فقط استطعنا أن ندرس علوم الحرارة والطاقة والكهربية والمغناطيسية. ويعتمد العلم الحديث،والذى يدعم التكنولوجيا المتقدمة، بصورة مباشرة تماماً على التفاضل والتكامل.

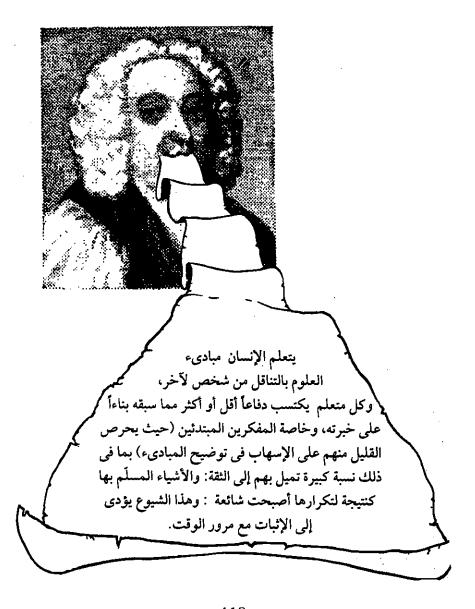
أسئلة بيركلي





وكان هدف بيركلى هو توضيح أن الملحدين الذين طالبوا بسرعة إحلال الألغاز والخرافات الدينية بالعلم والعقل كانوا على درجة من الجهل العقائدى مثلهم مثل أسوأ علماء الدين. وقد سأل في افتتاحية كتيبه: «.. هل أن الأهداف والمباديء والتداخلات الموجودة في

التحليل الحديث قد تم فهمها بوضوح وإنباتها بالدليل أكثر من الألغاز الدينية ونقاط الإيمان؟» وكانت الإجابة واضحة بالنسبة له... وقد اتجه علماء الرياضيات إلى الإجابة على الأسئلة التى وردت فى كتيب بيركلى الذى أسماه «المحلل» وقد استخدم بيركلى هذه الإجابات ليواجه ارتباكاتهم بصرامة، وكان رده: إن دفاع أصحاب الأفكار الحرة فى الرياضيات يعتبر عملاً أستاذياً فى التحليل الحرج.



وقد حاول بيركلى أن يوضح أن تعلم حل المسائل فى الرياضيات والعلوم لا يساعدنا بالضرورة على فهم ما يدور حوله. وقد توقع صورة البحث العلمى الذى تم تطويره بواسطة ت. س. كون الذى قام بوصف «العلوم العادية» كعملية تدريب على «حل الألغاز» من خلال مثال (إطار التفكير) لم تتم الإجابة عليه وهو بالفعل لا يمكن الإجابة عليه طوال فترة عمله . وبالنسبة لكون العلم العادى فى الواقع عبارة عن تدريب لأصحاب العقول الضيقة، وعملية تدريس العلوم (بما فيها الرياضيات) هى بالضرورة شىء جازم بدون دليل.



إلة أويلر

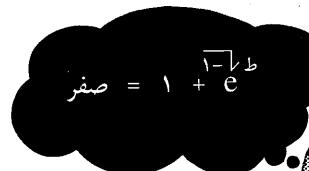
كان العالم السويسرى ليونارد أويلر (١٧٠٧ ـ ٨٣) أول من ربط بين الدوال الأسية والدوال المثلثية ووضع صيغة لعلاقتهم. كان لأويلر عبقرية غير عادية في الرياضيات وهناك الكثير من القصص حول براعته الفائقة. وكان أويلر موظفاً في بلاط قصر فريدريك ملك بروسيا حينما قابل الفيلسوف الفرنسي دينيس ديدروت (١٧١٣ ـ ٨٤) الذي كان ملحداً متعصباً..



ولا تحتوى الصيغة التى ذكرت فى هذه القصة على شىء فى مضمونها، ولكن قام أويلر بتطوير معادلة من أجمل الصيغ فى الرياضيات كلها، والتى تجعل من يتعرض لها أن يتوقف أمامها ويفكر فيها بالتأكيد.

والصيغة التي وضعها أويلر هي تعبير لغزى مبهم والذي يقوم بربط الأرقام الخمسة





وبالنظر إليهم بترتيب معكوس ، فأول ما نقابله هو الصفر شبه الرقم ذو الصفة اللغزية.

بعدها نجد ۱ ، الوحدة ، أساس كل الأرقام. ثم يظهر لنا سالب واحد تحت الجذر التربيعي (ا - الذي يسمى "ت") وهو الوحدة الأساسية في "الأعداد التخيلية" والتي أذهلت العديد من الثقافات والحضارات. بعد ذلك نجد أقدم الثوابت الرياضية، ط، الذي يقيس النسبة بين محيط الدائرة وقطرها. أما آخر رقم وهو أحدث ما تم اكتشافه ، الرقم المبهم، ع، وهو أساس النمو الأسي الطبيعي.

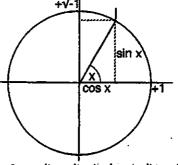
هل كان من الممكن استنتاج علاقة مثل هذه بالتجربة أياً كان طول تكرارها؟ وفى الواقع، فإن صيغة أويلر الرائعة جداً قد نتجت من دالة (قد اكتشفها هو) تربط بين الأعداد المركبة والدوال المثلثية التي اكتشفها علماء الرياضيات المسلمون (انظر صفحة ٩١).

وقد لاحظنا أن الدالة e لها منحنى يتزايد بسرعة كبيرة، وعلى العكس فإن T-re س يمثل دائرة! ونصف قطر هذه الدائرة هو الوحدة أما س فهى الزاوية التى يصنعها الخط الواصل من نقطة الأصل إلى أى نقطة. وتزداد قيمة س من صفر إلى ٢ ط مع تحرك النقطة على الدائرة. ولكن إذا نظرنا إلى هذه الصيغة من وجهة نظر حساب المثلثات نجد أن الم-السمارة عن عبارة عن

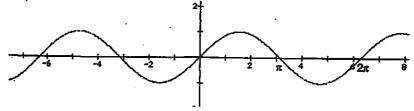
عدد مركب الجزء «الحقيقى» فيه هو نجنا س أما الجزء «التخيلى» فهو جاس. : لذلك يمكننا كتابه e ت س = جتا س + ت جا

لذلك يمكننا كتابه ^{e ت س} = جتا مر س،حيث ت هو الرمز الشائع لـ/- \ . أ

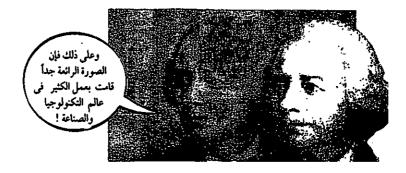
ماذا لو انحدرت النقطة على الدائرة مرة أخرى ، نجد أن الزاوية س تستمر فى الزيادة، هذا يعنى أن الدوال ^{e ت س} وجتا س وجا س تستمر فى تكرار



نفسها. ويقال إن هذه الدوال دورال دورية . ويتم تمثيل منحنى ص = جاس على الصورة : ويشابه هذا العديد من الظواهر التي إما أن تكون تبادلية بالنسبة للزمن مثل التيار الكهربى ، أو الموجات المنتشرة في الفضاء مثل الصوت. ودوال الجيب وجيب التمام هي الوحدات



البنائية في كل صور الموجات المعقدة التي تحمل رسائل ما. والقيام بالرياضيات بواسطة دوال الحبب أو جيب التمام عن طريق استخدام الصيغة «الأسية التخيلية» تقوم بتحويل الحسابات المرهقة إلى تمرينات مرتبة وسهلة.



علوم الهندسة اللا إقليدية

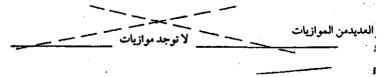
رأينا أن إقليدس استنتج كل هندسته من «ملاحظات شائعة» قليلة «وافتراضات» ذاتية الدلائل،ولكن واحدة تختص بالخطوط المتوازية تبدو مشابهة للنظرية لدرجة كبيرة . وقد شكل نظام إقليدس هذا ارتباكاً على مر العصور غير أنه قابل شكوكاً في صحته واكتماله.

وبعد ذلك أصبح هذا النظام أساساً لمرجلة عظيمة في تاريخ التخيل الرياضي وهي ابتكار الهندسة اللاإقليدية.

وقد تم ابتداع هذه الهندسة بواسطة العديد من الأشخاص، ولكن أول من قام بذلك لم يكن يعرف أنه يسير في اتجاه هذه الهندسة . كان هذا هو عالم الرياضيات المسيحي ج ساكتشيري والذي نوى أن ينهى كل هذه المراوغات نهائياً. وقد حاول في كتابه "تحرير كل العيوب بواسطة إقليدس" في عام "١٧٣٣ أن يوضح أنه من المستحيل التعامل مع الهندسةبدون "فرض التوازى".



عن مبدأ النوازى. وبالنسبة لنا فتكون طريقة التعبير كَالتالى: إذا أخذنا في الاعتبار خطأ مستقيماً وكانت هناك نقطة خارجة عنه فإنه يوجد خط واحد وواحد فقط يمر بهذه النقطة ويوازى ذلك المخط في نفس الوقت، وإذا لم يتم قبول هذا التعريف تكون النتيجة: إما أن يكون لدينا أكثر من خط يحمل هذه الخاصية أو ألا يكون هناك أي خط على الإطلاق يوازى الخط الأول.



فى البداية تم التحقق من فكرة العديد من الموازيات بواسطة كل من عالم الرياضيات المجرى جانوس بولاى (١٨٠٦ ـ ٦٠) وعالم الرياضيات الروسى نيقولاى لوبا شيفسكى المجرى جانوس بولاى حدة وفى ذات الوقت تقريباً .وبعد ذلك قام العالم الألمانى جورج ريمان (١٨٠٦ ـ ٢٦) بالتحقق من فكرة عدم وجود موازيات . وفى النهاية تم التحقق من أن هذا النوع من الهندسة من الممكن أن يتم بواسطة إنشاءات فى أنواع خاصة من الأسطح. فبالنسبة لهندسة ريمان تعتبر الكرة مثالاً جيداً إذا اعتبرنا أن الخط عبارة عن دائرة عظمى، وهو المنحنى على سطح الكرة الناشىء عن تقاطع مستو يمر بمركز الكرة مع سطحها. ويلاحظ أن أى دائرتين عظميين تتقاطعان فى نقطتين وعلى ذلك فلاً يوجد أى موازيات.



الفضاءات نونية(*) الأبعاد

هناك تطور آخر معاكس للبديهة في الهندسة وهو دراسة الفضاء الذي له أبعاد أكثر من ثلاثة . وامتداد نظام ديكارت للهندسة الجبرية بحيث يتم وضع أبعاد أكثر وضوحاً ومباشرة. فبدلاً من أن يتم التعبير عن موقع نقطة في المستوى بواسطة الأبعاد (س،ص)يتم التعبير عنها في هذه «الفضاءات الزائدة» بواسطة الأبعاد (س، ، س، ، ، ، ، وبالطبع تختلف خصائص المنحنيات في هذه الفضاءات الزائدة عن تلك المرسومة في بعدين أو ثلاثة، ولكن الاعتقاد بوجود تلك الفضاءات متعددة الأبعاد لا يشكل أي صعوبة بالنسبة لنا في هذه الأيام.



^(*) لها عدد ن من الأبعاد في الغالب يكون أكثر من ثلاثة. (المترجم).

ونمت كتابة عمل جيد عن الخيال الرياضي والنقد الاجتماعي يهتم بهذه الفكرة وهو بسمى «الأرض المستوية Flatland» وهذا العمل يصف مجتمعاً من الأشخاص الفعليين الذين يعيشون في مستوى ، وهذا مشابه تماماً لفترة العصر الفيكتوري حيث كانت حالة الفرد الاجتماعية تعتمد · على عدد الجوانب الشخص Person's sides حيث كان للطبقة العليا أربعة جوانب وللأرستوقراطيين العديد والعمال ثلاثة، أما النساء فكانت لهم مجرد إبرة!

وكان «المربع»البطل الذي لديه خبرة بالأبعاد الثلاثة من خلال علاقة الصداقة التي تربطه بالكرة . وكان هذا الكائن يظهر لسكان هذه الأرض كل خمسمائة سنة على هيئة دائرة التي تبدأ من نقطة ثم تنمو ليزداد حجمها وبعد ذلك تتضاءل ثم تختفي. والذي لم يكن مفهوماً بالنسبة لقاطني هذا المكان هوالكرة التي تمر عبر مستواهم .فهذه الكرة تصادف المربع وتأخذه في رحلة

عبر الفضاء وتعرض عليه الأرض الخطية والأرض النقطية الآهل بمخلوقات راضية نوعاً ما. وتقوم كذلك بإطلاعه على الحياة الخاصة لسكان الأرض المستوية. ويعاني المربع كثيراً في رحلة عودته حبث إنه يحاول أن يصف الفضاء ولكنه يعجز عن توضيحه لأصدقائه ، الذين يظنون أنه منزعج.



إيفاريست جالوا

فى أثناء القرن التاسع عشر ازدادت قوة وعمومية العبر، فقد أصبح متأصلاً فى شكليته وصياغته وبالتدريج بدأت فكرة أن أنظمة الصياغة تستطيع أن تشير إلى أشياء أخرى غير الأرقام والعمليات الحسابية عليها. وقد تم اتخاذ خطوة للأمام فى هذا المجال بواسطة العالم الرياضى الفرنسى إيفاريست جالوا (١٨١١ ـ ٣٣) وهو بدون شك واحداً من أهم الشخصيات البارزة فى تاريخ علم الرياضيات. وقد كان واحداً من الجمهوريين الغيورين فى وقت فيه العديد من الصراعات السياسية. وقد كان ضحية عوامل الغضب الثورية ، وقد قتل فى ريعان شبابه وعمره ٢١سنة ، وفى آخر ليلة قبل وفاته قام بكتابة مخطوطة تحتوى على كل أفكاره ، وقد اختفت هذه المخطوطة فى البداية ثم بعد ذلك ظهرت ونُشرت بعد خمسة عشر عاماً من وفاته.

وقد قام جالوا بمناقشة مشكلة قديمة وهي إيجاد جذور المعادلة الخماسية س٥ +....= صفر .وفي وقته اجتمعت كل الآراء على استحالة هذه العملية ولكن لم يقم أحد بإثبات ذلك.



المجموعات



المجموعات هي تكوينات رياضية يتم تعريفها بواسطة عناصر وبعض قواعد الاندماج. ويمكن اعتبارهم أنهم أنظمة حسابات ولكن بدون أرقام، فلا توجد علاقة بين عناصر تلك المجموعات وبين القياس أو العد وكذلك فهي ليست أرقاماً بالمعنى الطبيعي للكلمة. وقد أوضح جالوا أن هناك تتابعاً من العمليات التي تسلك نفس سلوك الجمع.

وهذه التتابعات لها القليل من الخصائص التي تُعَرفها.

١- لكل عنصرين يوجد عنصر ثالث ينتج من اندماجهم، مثل : ٢ + ٢ = ٤ .

Y_ هناك عنصر يسمى بعنصر «الوحدة» وهو لا يغير العنصر الذى يندمج معه مثل : Y=0

 $^{-}$ کل عنصر له «معکوس» والذی عندما یندمج معه ینتج عنصر الوحدة مثل $^{+}$ $^{+}$ $^{+}$ $^{-}$ $^{+}$ $^{-}$ $^{+}$



وكمثال لأحد المجموعات ، وهي أحد الأمثلة البسيطة جداً التي قدمها منافذ في الاعتبار الأربعة أشكال المسماة.

المحكم المحموعة ، ولكن عناصر المجموعة تتكون من عملية تدوير هذه الأشكال الأربعة. وإذا تخيلنا عملية تدوير بينهم إما عن طريق تدوير واحد فقط



وإذا أسمينا عمليات التدوير هذه I,C,B,A فإن C+A يعتبر تدوير T+1 أماكن أو T+1 أماكن وهو مساو لعنصر تدوير الوحدة T+1 ومن الممكن أن نكون جدولاً لجمع هذه العناصر بكل الصور.



	I	Α	B	C
I	I	Α	В	C
A	A	B	C	I
B	B	C	I	A
C	C	エ	A	W

وبالرغم من أن هذا المثال تافه إلى حدِّ ما إلا أنه يحتوى على فكرة فعالة ، وهي أن علماء الرياضيات من الممكن أن يلاحظوا أي نظام عمليات عن طريق "جدول الجمع" . ونحن لسنا بحاجة إلى أمثلة إما في الحالة الفيزيائية مثل الحركة أو الجبرية مثل جذور المعادلات. وهذا الهيكل البنائي يقوم بتعريف نفسه ،ومثل هذه الهياكل البنائية والتي لا يلزم أن تكون مجموعات ومن الممكن أن نجد مجموعات اندماج أخرى وربما تظهر جداول لعملية الضرب أيضاً.

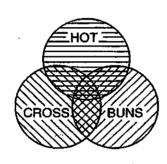


لنفترض أننا نبحث عن Hot Cross Buns فإننا نقوم بكتابة الكلمات الاسترشادية.

Hot Cross Buns ويقوم محرك البحث بسؤالنا عما إذا كنا نريد المواقع التي بها



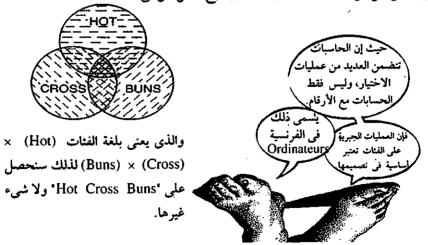
والاختيار الأول يعطينا كل المواقع التي تحتوى على Hot أو Cross أو Buns ويتم تمثيل ذلك بواسطة أشكال «فن» على الصورة:





ويعنى هذا بلغة الفئات (Hot) + (Cross) + (Buns). وهذا يعنى أنه يولد الكثير من المواقع التي لها الكثير من الاهتمامات وهي ليست بالضرورة ذات صلة بما نريد.

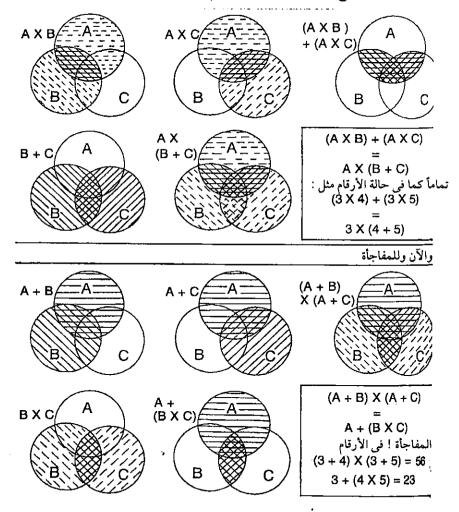
ولكن إذا كنا نريد "Hot Cross Buns" فقط فهذا يعنى أننا سنحصل على المواقع التي تحتوى على كل من Hot و Cross و Buns ويصبح شكل فن في هذه الحالة:



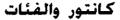
والعمليات الجبرية على الفئات شيقة جداً وذلك لأنها على عكس الحسابات تحتوى على نوعى علاقات «التوزيع».

$$C + A = (C \times B) + A$$
 و کذلك $C \times A = (C+B) \times A$

والحالة الأولى تتماشى مع الحسابات العادية ولكن الثانية لا تتماشى . أما فى حالة الفئات حيث تعنى "X" التقاطع و "+" اتحاد تتماشى كلتا الحالتين من خلال التوضيح المبين بواسطة "أشكال "فن" وها هو "قانون التوزيع" الذى يتحقق بالنسبة للأرقام.



ومثل هذه الأمثلة أعطت علماء الرياضيات مدى فهم عظيم لتخيلهم. فالحسابات التى يقوم بدراستها علماء الرياضيات أصبحت متزايدة في اختلافها عما نعرفه عن الأرقام.



بينما انشغل البعض بالأرقام كان البعض الآخر مهتماً باللانهائيات والفئات الموصوفة بكونها لانهائية في الحقيقة ثم تركها للرموز الرياضية واللغزية.

وقد توجه عالم الرياضيات الألماني جورج كانتور (١٨٤٥ ـ ١٩١٨) إلى نرويض اللانهاية.

> وضعت كيفية تكوين مثل ثلك الفئات وقمت أيضاً بعدُّهم.

وقد وضع مخطط لعدِّ الأرقام الكسرية عن طريق وضعهم في منظومة مثل هذه.

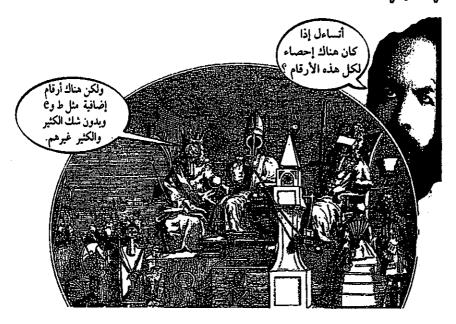
-						<u></u>				
	1/1	2/1	3/1	4/1	5/1	6/1				
	1/2	2/2	3/2	4/2	5/2	اء کل	خلالها إحصا	يتم من .	ئاعدة التي	وها هي الة
Ĭ	1/3	2/3	3/3	4/3				•		الكسور .
1	1/4	2/4	3/4	<u></u>	į	لمربع	م البداية من ا	'سهم ، فو	ب تبدأ الأ	لاحظ كيف
ļ		RAPA		J		الي إلى	، القطر أسفل	على طول	لیسار، تم	في أعلى ال
	1/5	2/5					ً وهكذا.		•	
1	1/6			_		م عَلَه	ك رقم قد تـ	کان هنا	لاحظ إذا	استمرارك
		(مذا دا للقيام خال	ا الما (متأخر ج (مداحة		•) وقم بحذفه.	(<u>1</u> =	<u>۲</u> ئل	بالفعل (م
		1	7.6	ر بسر س			ط صورة	ر إلى أبسا	ار الكسو	قم باحتصا
ð	٠ .	.a	ىن پىر	<i>-</i>		ESSMAI			. Y =	مثل ٢
Ţ,		The second		<u>لا</u> (
7				15.1	机冰		A A A A A A A A A A A A A A A A A A A	700	(P	•
٤)	3/10	المقال		60	al A	1			ASSA.	
-40	MACCH.		ؽڔؽ	>	<i>∭</i> ~	14	State	-		
		3/3/1		则疗疗				(,)	100	
		*	y y		19	115	W. 11/2	څــــــ		129



يتكون لدينا الآن هذا التتابع ١،٢، ١<u>٢ - ، ٣، ١</u> ، ٤، ٣ - ، ٢ ، ١ ، ٥

ويبدو هذا وكأنك تقوم بتجميع الكسور التى يساوى مجموع بسطها ومقامها ٢ ثم ٣ ثم ٤ وهكذا على الترتيب وفى كل مرة تبدأ بأكبر رقم . وبهذه الطريقة سوف نصل إلى أى رقم كسراً كان أو صحيحاً إن عاجلاً أو آجلاً.

وبالمثل من الممكن أن نحصى الأرقام التي تحل المعادلات الجبرية مثل : $\sqrt{\Upsilon}$ و $\sqrt{-1}$



وقد أثبتت أعمال كانتور عكس ما كان يقصد ، حيث إنه وجد أن الأعداد الحقيقية لا يمكن أن تُحصى. وقد قام بإثبات ذلك على عدد قليل من الخطوط ، ولكن عليك أن تراقب عن قرب!

افترض أننا قمنا بإحصاء كل الأرقام مثل الكسور والأرقام الجبرية، فإن هناك قائمة لا نهائية لهذه الأرقام مشابهة لما حصلنا عليه قبل ذلك للكسور والآن من الواضح أن الأرقام لا تظهر في ترتيب حسب جمعها..





كيف يمكننا إنشاء رقم غير موجود في هذه القائمة ؟ حسناً افترض أن هناك رقماً ما مختلفاً في الخانة الأولى مع الرقم الأول، وفي الخانة الثانية مع الرقم الثانى، والخانة الثالثة مع الثالث وهكذا . ويمكننا فعل ذلك إذا كانت كل خانة في هذا الرقم تزداد بمقدار واحد عن خانة الرقم الموجود في القائمة.





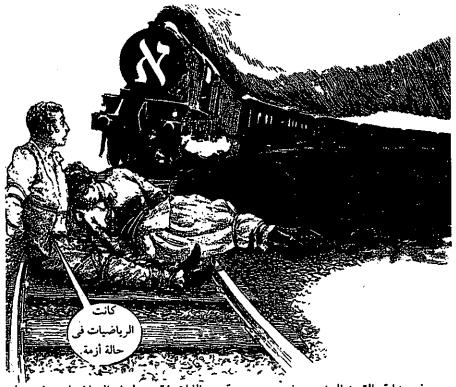


وإذا كنا نتحدث عن الفئات بهذه الصورة العامة ، فلا يوجد شيء يمنعنا من الإشارة إلى فئة كل الفئات والتي لها معنى لغوى ، أليس كذلك؟ وهذه الفئة لا بد أن تكون أكبر الفئات على الإطلاق ويتم تعريفها من خلال هي معينة ولتكن على ولكن مثل أى فئة أخرى ما يوجد لهذه الفئة فئة قوى يعطى رقمها على الصورة ٢عه ومن المؤكد أنه أكبر من عه لذلك ما قمنا بتعريفها على أنها أكبر الفئات على الإطلاق يتولد منها فئة أكبر ، وهذه الفكرة تحوي تناقضاً ذاتياً !



أزمة في الرياضيات

قدَّم تناقض اللانهاية الذي تم اكتشافه بواسطة كانتور تحدياً جديداً لعلماء الرياضيات وهذا لا يشابه التحديات الرياضية السابقة مثل $\sqrt{1-1}$ أو $\frac{a}{a}$ ولكن على هذه الحالة يوجد تعارض ذاتي واضح وقد تم إثبات أن هذه التناقضات لا تختلف في تفاصيلها عن الرياضيات الاصطلاحية.



وفي بداية القرن العشرين شرع مجموعة من الفلاسفة وعُلماء الرياضيات في حُلُّ





وأحد أكثر المتناقضات براعة يختص بتسميتها . دعنا نقوم بتعريف B على أنه أقل عدد صحيح يمكن تسميته في ما لا يقل عن ١٩ مقطعاً.

باستخدام الطريقة العادية نجد أن هذا الرقم كبير جداً لأنه يحتاج تسعة عشر مقطعاً لتسميته : حيث إن الرقم «سبعمائة ألف مليون بليون» يحتاج فقط إلى عشرة مقاطع.



وهذا تناقض خطير جداً بالفعل حيث إنه لا يتضمن إشارة ضمنية ولا حتى يتميز بالشمول. وهذا يوضح مدى صعوبة إنقاذ الوثوق في الرياضيات عن طريق التخلص من أساسياتها المنطقية.





نظرية «جوديل»

قام جوديل (۱۹۰٦ ـ ۷۸) بنشر نظريته في عام ۱۹۳۱ كنتيجة لأعمال أ. ن . وايتهيد (۱۸۶۱ ـ ۱۹۶۷) وكذلك كتاب راشيل المكون من ثلاثة أجزاء عن المنطق الرمزى في الفترة (۱۹۱۰ ـ ۱۹۳۱) Principia Mathematica



وكانت طريقة جوديل تتمثل في : قام بتخصيص رقم محدد لكل جزء في الجمل الرياضية ، بعد ذلك قام بدمج هذه الأرقام ليحصل على رقم واحد لكل جملة رياضية . وعن طريق مناقشة مشابهة لمناقشة كانتور قام جوديل بتوليد رقم «عملاق» يعبر عن هذه الجملة . وكان هذا الرقم مليئاً بالمعانى



ماکینهٔ "تورینج"

انبثقت من نظرية التحطيم العظيم لجوديل أنواع مختلفة من القوى . وقد التقط ألان تورينج (١٩١٢ ـ ٥٤) فكرة توليد جمل رياضية بطريقة مختصرة تماماً.

وتتكون ماكينة تورين من شريط وبرنامج يستجيب للمعلومات المتتابعة المخزونة في مقاطع مختلفة من هذا الشريط وهي تقوم بكل العمليات الابتدائية. وبلغة

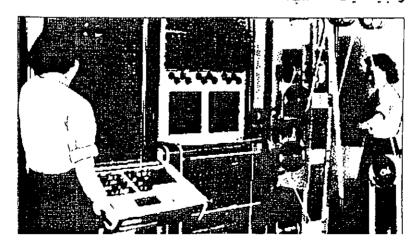
تكنولوجيا الثلاثينات من القرن الماضى لم يكن لهذه الآلة استخدام عملى ولكنها أمدت تورينج بإصدار من طريقة جوديل التي كان يحتاج إليها في بحثه.

وفى القريب العاجل أصبحت تخيلات تورينج

عملية جداً حيث إنها أصبحت دليل تطوير الحاسباتُ في أثناء الحرب العالمية الثانية .

وقد بدأت الحاسبات على صورة آلات حاسبة ضخمة يتم تشغيل البرنامج عن طريق الضغط على أزرار ومفاتيح من الخارج. وكان النطور الهائل عندما تم تحميل البرنامج داخل الحاسب على أنه أحد ملفاته البنائية والذى يقوم بتوجيه العمليات في كل الملفات الأخرى. ولا توجد الآن حدود لتعقيدات وقابلية تكيف الحاسب.

أصبحت لدى مميزات الحاسب، الذي يختلف اختلافاً تاماً عن الآلات الحاسبة الميكانيكية.

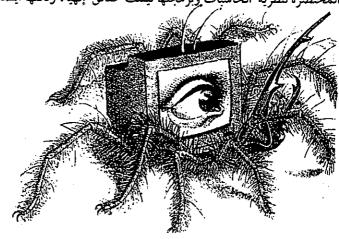


وقد ساعد تورينج في كسب الحرب العالمية الثانية حيث إنه كان ضمن الفريق الذي كسر شفرة «اللغز» الألماني ماكينة الشفرة .

وقد مات تورينج بصورة مأساوية وبالتحديد كنتيجة لاضطهاده ومحاكمته وقد تم تسميمه بسم السيانايد حيث وجدت بجانبه التفاحة المسممة مأكول منها قضمة.



وقد بدت رؤية تورينج للكمبيوتر المختصر أنها فادحة خاصة على المدى الطويل. ففى مخططه للعمليات البسيطة لم يكن هناك مكان خصص لبرمجة الأخطاء أو الحاجة «لمعالجة الأخطاء». وقد دام الاعتقاد بأن الحاسبات لاتخطىء لمدة قرون، بمعنى أن أى خطأ هو نتيجة لأخطاء البشر. والآن فقط وبعد اكتشاف Millennium Bug بدأنا نتحقق الأنظمة المختصرة لنظرية الحاسبات وبرمجتها ليست حقائق إلهية، ولكنها أيضاً منتجات بشرية.







نظرية العماء



والسلوك العمائي يرتبط ارتباطاً وثيقاً بخصائص فراكتال الأنظمة وحيث إنها «ذاتية التماثل» فإننا نرى نفس نوع التغير إذا غيرنا المقباس الذى نصف به سلوك النظام. وقد وضح أن المتغيرات العشوائية ، مثل تغير الأسعار في أسواق الجملة ، تسلك نفس هذا السلوك. وهذا يمكننا من استخدام نظرية العماء في إدارة مثل هذا النوع من المشاكل.



الطبولوجي

تظهر الآن قوة الحاسبات في مجالات أخرى ملحوظة أكثر، فقد قامت الحاسبات بالبراهين التي وقف أمامها العقل البشرى عاجزاً. وأكثر الحالات الشهيرة المعاصرة هي الطبولوجي . يهتم علم الطبولوجي بدراسة العلاقات بين التكوينات بغض النظر عن أشكالها . وبصيغة رياضية فإن هذا المجال هو المجال الرياضي الذي يسهل فيه ذكر المشكلة ولكن يصعب جداً حلها.



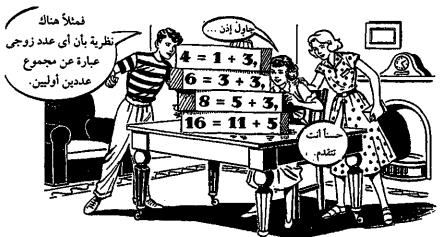


وقد تم التوصل إلى إثبات في عام ١٩٧٦ ، ولكنه اعتمد على دراسة مفصلة لأكثر من ألف حالة وهي شيء خارج حدود استطاعة الإنسان. لذلك فقد تم تصميم برنامج كمبيوتر لاختبار الحالات المخاصة في وقتها وقد نجع في ذلك وأعطى النتائج المرجوة.

ولكن فى ذلك الوقت اشتكى بعض علماء الرياضيات من أنهم لا يستطيعون اختبار الإثبات! حيث إن برنامج الكمبيوتر عبارة عن مجموعة من الأوامر وليس جملاً متصلة منطقياً. هل نستطيع أن نجزم بأن برنامجاً ما قد تمت معالجته من الأخطاء أكثر من برنامج آخر ؟ وفى الحال تم التوصل إلى إجماع على مفاده وأصبح الإثبات الآن «متحققاً»

نظرية الأرقام

وكما في حالة الطبولوجي فإن المشاكل في نظرية الأعداد سهلة الوصف ولكنها صعبة الحل.



إثبات ذلك لكل الأعداد الزوجية يعتبر عملية صعبة جداً . وكان هذا تحدياً حقيقياً لعلماء الرياضيات لفترة طويلة. وأول محاولة ناجحة لحل هذه المشكلة والمعروفة . باحدس جولد باخ ابينت أننا لسنا بحاجة لأكثر من ٤٠٠٠٠ عدد أولى !



ولكن بيير دى فيرما اعتقد أنه قد توصل إلى مثل تلك المجموعات منصوراً أنه قد أثبت أن المعادلة س \dot{v} + ص \dot{v} = \dot{v} .

ليس لها حلول على صورة أعداد صحيحة إذا كانت ن أكبر من اثنين.

وقد كتب لأحد أصدقائه أنه قد توصل إلى إثبات دقيق لهذه التقطة ولكن هامش الخطاب لم يستوعبه! لذلك فإنه قد بدأ مطاردة استمرت لقرون ولم تنته إلا حديثاً. وقد تم التوصل إلى هذا الإثبات بواسطة عالم الرياضيات الإنجليزى أندروويلز (المولود عام الرياضيات الأنجليزى أندروويلز (المولود عام برينستون.



ويؤدى كل هذا إلى توضيح أن العقل البشرى يستطيع أن يتوصل إلى ما لا يستطيع الكمبيوتر التوصل إليه.

وأشهر نظرية في هذا المجال هي التي وضعها عالم الرياضيات الفرنسي بيير دي فيرما (١٦٠١ ـ ٢٥).



أ^۲ + ب ^۲ = جـ ^۲

حيث أوب وحـ أعداد صحيحة وإنشاء مثل هذه الثلاثيات كان معروفاً لمدة قرون مضت..

وقد رأينا أن علماء الرياضيات المسلمين فكروا في معادلات شبيهة ولكن بأسس أعلى. وقد حاول بعضهم إثبات استحالة وجود مثال لأرقام تحقق المعادلة: س٣ + ص٣ = ٣٠.

وقد أصبحت نظرية الأعداد واحدة من أقل فروع الرياضيات قابلية للتطبيق. ولكن أثناء تطور المجالات المختلفة فإن هناك تفاعلات بينها بطرق غير متوقعة.



الإحصاء

علم الإحصاء هو أكثر نقاط الرياضيات شيوعاً واتصالاً بالأفراد العاديين. ويعنى علم الإحصاء "فن الحكم" حيث إن الحكومات تستطيع أن تقوم بأعمالها على وجه حسن إذا تمكنت من جمع معلومات عما يدور في مملكتهم .ولكن مجرد جمع أرقام متضاخمة ليس بالعمل الكافي إنما يجب أن نقوم بربط وتحليل وتلخيص هذه الأرقام حتى تصبح مفيدة.

وفى هذا العمل سنقوم باستخدام كل المقاييس المختلفة للإحصاء مثل «المتوسط» ولكن مثل هذه المقاييس تعتبر ممثلاً لمجموعة من الأرقام وبينما تقوم بتوضيح بعض الأرقام فى وقت ما فهى أيضاً تقوم بإخفاء مظاهر البعض الآخر. ولمعرفة كيفية تطبيق الإحصاء دعنا نتخيل قرية بها:



والدخل الكلى لهذه القرية يصبح ٣٠٠٠٠ دولار ، وإذا قسمناه على ١١١ فرداً ، فإنه يعطى ٢٧٠ دولاراً في السنة لأغلب الحالات.

وإذا أخذنا في اعتبارنا الدخل المتوسط (حيث يوجد ٥٪ فقط لهم دخل أكبر) أو الأسلوب السائد (وهو الدخل الذي يتكسبه معظم الناس). وفي كلتا الحالتين سيكون ذلك ١٠٠ دولار فقط أي أنه يتجاهل دخل الأشخاص الأكثر ثراءً. ولكي نقوم بتوضيح صورة الدخل على نحو أفضل فربما نتجاهل الأعشار العليا أو السفلي (مستوى ١٠٪ و ٩٠٪) وبالنسبة لعشر ٩٠٪ فإنه يلحق بالفرض الحادي عشر من أعلى وهو الدخل الأوسط.



قيم «أ»

فى كل اختبارات الإحصاء يوجد رقم يتم الاستشهاد به يسمى «حد الثقة» أو «قيمة أ» وهو يأخذ قيم ٥٪ أو ١٪ أو أى قيمة أخرى . وهذا الرقم يحدد درجة التأكد من أن هذا الاختبار يتوافق مع مجموعة الأرقام التى يتعامل معها. وهذا الرقم يعبر عن الأرقام الشاذة التى تعطى نتائج إيجابية ولكنها خاطئة . ولايوجد اختبار يعطى نتائج مثالية! فكلما ازدادت درجة التأكد زادت تكلفة هذا الاختبار وهذا يعنى أنه يتعين على القائمين على اختبارها أن يتقبلوا كل أنواع الخطأ الممكنة.



ذلك يعنى أن هناك إقراراً بأن قيم أ يتم تصميمها بحيث إنها تحد من فرصة النتائج الإيجابية المخاطئة. وكلما زادت صرامة قيمة أ ازدادت اختيارية الاختبار ولكن على الجانب الآخر فإنها تجعله أقل حساسية. ففي مثال اختبار سمية بعض الملوثات البيئية فإن قيمة أ التي تُقدر بـ ٩٥٪ تجنبنا الإنذارات الخاطئة للملوثات ولكنها في نفس الوقت تجعلنا أكثر عرضة للأضرار الكاذبة. لذلك فإنه يتعين علينا أن نسأل أنفسنا أثناء القيام ببعض الاختبارات الواجبة: هل بعض المواد بالفعل لها آثار ضارة أم أن الآثار المنذرة يجب قبولها على أية حال؟ وفي كلتا الحالتين يجب اتخاذ إجراء وقائي. والسؤال المحتوم في هذه الحالة هو: لمصلحة من تتم هذه الاختبارات؟

وحتى فى الاستخدامات الأبسط للإحصاء كما فى عملية تمثيل المعلومات التجريبية فإنه يتعذر علينا الحكم على القيم. بالطبع لا تتلازم كل النقاط مع المنحنى المرسوم وإلا إذا كانوا قريبين جداً فهذا يعنى أنها قيم ملفقة . وكذلك هناك بعض القيم تبتعد تماماً عن باقى الحشد ونسمى هذه القيم "Out liers" وإذا تم إدراجهم مع القيم فسوف يؤثرون بالسلب لذلك فيجب تجنبهم بعد التأكد من أنهم لا ينتمون إلى هذه الفئة (ربما نتيجة خطأ ما فى القياس).



الاحتمال

تُبنى طرق التعامل مع البيانات الإحصائية بصورة أساسية على نظرية الاحتمال . ويتضمن هذا ثلاثة مبادىء واضحة والتي تتداخل مع بعضها بصورة متكررة.





تتطلب الأحكام ، على "توجيه" قطعة النقود، النظرية الرياضية للاحتمال والإحصاء . وفى هذه الحالة سيصاحب الافتراضات عن سلوك قطعة النقود تصميم تجريبى بالإضافة إلى تقييم مقادير الخطأ ووضع حدود يقينية للأحكام النهائية. ويقودنا تحليل إلقاء قطعة النقود بعد توضيحه إلى مجموعة من النتائج الخطيرة . فبينما تبدو صيغة السؤال المباشر أنها نص بسيط للاحتمال (الصور والكتابة لهم احتمالات متساوية فى القطعة غير الموجهة) ، فالصيغة العكسية (هل القطعة موجهة؟) تتضمن أحكاماً مدغمة



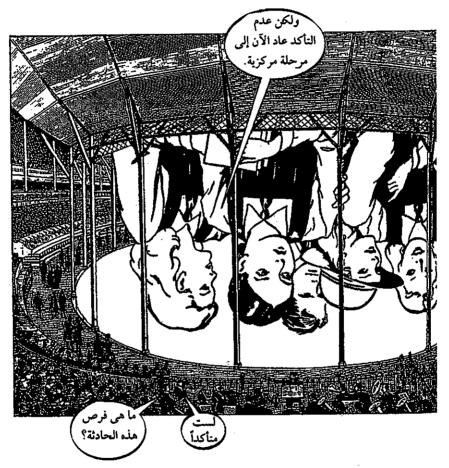
عدم التأكد

يقع هؤلاء المختصون بإمداد الأرقام سواء إذا كانت إلى السياسيين أو إلى عامة الشعب في ورطة كبيرة ، فإذا قاموا بتوضيح عدم التأكد والتحفظات حول أرقام معينة لن يكون ذلك مفهوماً.

وعلى الجانب الآخر إذا قاموا بتبسيط العملية وذكروا «أرقاماً ساحرة» على قدر أمان كبير



ويكمن التحدى العظيم للرياضيات من الناحية الاجتماعية في إدارة وتنظيم عدم التأكد.ولقد ساد الاعتقاد لفترة طويلة بأن تقدم العلوم الطبيعية من الممكن أن يقلل أهمية عدم التأكد والتي ظلت لها إمكانية الترويض بواسطة نظرية الاحتمال.



وقد قام عدم التأكد بقهر الرياضيات، وعلى الجانب الآخر فهو أساس لـ "نظرية الكم" في الفيزياء .. وفي هذه الأيام علينا أن نتحدى آثار الحضارة الصناعية على البيئة الطبيعية.

وقد أصبح عدم التأكد في المقدمة لأول مرة. وتعتبر تسمية أخرى جديدة في الرياضيات بـ «النكبة Catastaophe» أو «العماء Chaos» غير مدهشة .والآن نستطيع أن نضع عدم التأكد ضمن أفكارنا التي توضح ما تتضمنه الرياضيات.

الأرقام السياسية

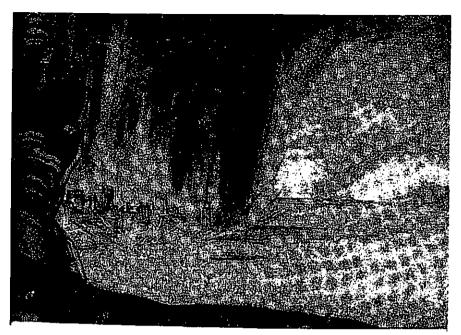
يعتبر فهمنا للأرقام (والتي تم وضعها للعد والحساب) غير ملائم بالنسبة للأرقام المستخدمة في صنع السياسة .هذه الاستخدامات تتطلب مفهوماً ومهارات مختلفة .

بمستحداله في صبغ السياسة . هده الاستحدامات تنطلب مفهوما وه وبسبب اعتيادنا الدائم على كون الرياضيات دقيقة وصحيحة ، فإننا لا نميل إلى تصديق أن عدم التأكد يعتبر جزء من الأرقام السياسية. وقد أدى الذكر الدقيق للأرقام في وسائل الإعلام إلى إيقاع عدم التأكد في أزمة كبيرة. وعلى كل حال فإذا ذكرنا رقماً ما مكوناً من خانتين مثل ٤٧ فإننا نعرف أنه مختلف عن ٤٦ ، ٨٥ أو أننا نعرفه بدقة حوالى ٢٪.



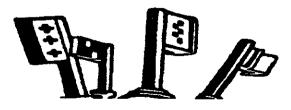


بالمناسبة لن نجد سوى عدد أسرة الوط» وعلى ذلك فإن المدن ستدمر بغض النظر عن



وتوضح قصة "إنقاذ سدوم" أن الأرقام يمكن أن يكون لها معان كثيرة مختلفة في النقاش. فترتبط «خمسون» بالتقدير أما «خمسة» أو «خمسة وأربعون» فترتبط بتفاوت هذا التقدير. ويعتمد الاختلاف بين «خمسين» و«خمسة وأربعين» على النص. وربما تتم ملاحظة هذا الفرق (إذا كان خارج التفاوت) في أوقات ما ولا يُلاحظ في أوقات أخرى. وبالرغم من أن المثال كان عن الأرقام السياسية ولكن نقطة أن المعنى يعتمد على النص تتحقق في كل التقديرات والقياسات.

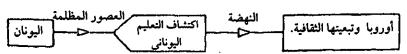
ويمكن ملاحظة نفس الظاهرة في «تناقض المفتاح» عندما يستخدم شخص مفتاحاً جديداً لقفل ما فإنه يكون متوافقاً معه، وإذا قام أحدهم بعمل نسخة منه فإن هذه النسخة تتوافق أيضاً مع القفل لأن سماحية الآلة كانت قريبة من سماحية القفل. ولكننا نلاحظ أنه بعد تكرار النسخ من النسخ تتابعياً فإن النسخة الأخيرة لا تتوافق مع القفل وذلك لأنه تم تراكم سماحيات الآلة في كل مرة. وبدلالة القياس نجد أن C=B=A ولكن K=A. ويبدو هذا جنوناً بدلالة الحسابات العادية ولكنه يوضح أن الأرقام في حالة القياس والتقدير يكون لها معنى فقط بناءاً على محتوى النص ولا تعنى نفس المعنى في حالة العد البسيط.



الرياضيات والمركزية الأوروبية

لقد لعبت الرياضيات الأوروبية دوراً هاماً في الوعى الذاتي الأوروبا أي الإحساس بأن الثقافة الأوروبية هي الأعظم وأنها هي الحقيقة الوحيدة .و يرى الناس الذين يعتقدون أن الرياضيات عالمية أنه من الصعب أن تكون الرياضيات والإمبريالية تماشوا جنباً إلى جنب. ولكن الرياضيات قد تم استخدامها كوسيلة لتحقيق سفلية ووضاعة







الرياضيات العرقية

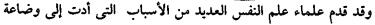


فهى تهدف إلى إقامة علاقة قوية بين الرياضيات والثقافة والمجتمع وتذكرنا بأن الرياضيات تحتوى على أشياء أكثر من الدراسات المجردة النظرية الأفلاطونية ومناهج التدريس المشتقة منها. ويمكننا أن نرى المقدار الكبير الذى أثرت به أشكال الإبداع والابتكار في الطرق المختلفة التي يتناول بها الأفراد المختلفون الأمور الرياضية.











أين الآن لقد سادت وجهة النظر الأفلاطونية للرياضيات في الثقافة الغربية على مدى العصور.



أوروبية في الرياضيات.
أن البحث الرياضي قد نجاهل مباديء عدم التاكد في الفكر الرياضي الثاكد في الفكر الرياضي الآلية جعل الرياضيات الحسابية المبنية على التجريب تتآلف مع النظرية

تشويه إساهمات الثقافات الغير

وبغض النظر عن انتشار معرفة القراءة والكتابة إلا أنها لا تزال مقتصرة على صفوة الاجتماعيين والمثقفين.



وتحت هذه الظروف فمن الضرورى لنا أن نعرف ونقدر فشل الرياضيات (من خلال العلم) في انتزاع عدم التأكد من العالم العملي من حولنا .ومن الضرورى أيضاً أن نعيد التفكير في المعرفة الحقيقية وكيفية تحققها.

لذلك فإن الرياضيات تواجه تحديات جديدة .وعلى المواطن أن يقوم بدوره في مواجهة هذه التحديات . ففي كلمات الأسقف بيركلي :كل واحد....



المحتوبات

الصفحة	الموضوع
5	مقدمة
9	لماذا الرياضيات
13	الحساب المسالم
19	الأرقام المكتوبة
30	الصفر
33	أرقام خاصة
37	الأرفام الكبيرة
39	الأسس المسلم
43	اللوغاريتمات
45	الحسابCalculation
48	المعادلات
54	القياس
60	الرياضيات اليونانية
61	فيثاغورث
63	متناقضات «زينو»
65	إقليدس
68	الرياضيات الصينية
70	تشيو تشانج
71	أربعة علماء رياضيات صينيون
74	الرياضيات الهندية
75	هندسة «الفيدا»
77	براهما جويتا
78	أرقام جاين
79	اندماجات «فيديك» و «جاين»
80	الشعر الرياضي

رامانوچان	82
الرياضيات الإسلامية	83
الرياضيات الإسلامية	84
تطوير الجبر	85
اكتشاف حساب المثلثات	88
البطاني	89
البطاني	90
ابن يونس وثابت بن قرة	91
الطوسى	92
حل المسائل التي تتضمن أرقاماً صحيحة	93
نشأة الرياضيات الأوروبية	94
رينيه ديكارت	97
الهندسة التحليلية	99
الدوال	02
الدوال المنافع المناف	07
التفاضل	80
التفاضل	11
أسئلة بيركلي	17
إله أويلر	20
علوم الهندسة اللاإقليدية السيسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسس	24
الفضاءات نونية الأبعاد	26
إيفارست جالوا المستسمسان	28
المجموعات	.29
العمليات الجبرية على الفئات	.32
كانتور والفئات	35
الزمة في الرياضيات	41
راشيل والحقيقة الرياضية السلامات المستسلسان المستسان المستسان المستسلسان المستسلسان المستسلسان المستسلسان المستسلسان المستسان المستدلسان المستسان المستسان المسان المستسان	42
نظرية «جوديل»	.45

ماكينة «تورينج»	147
ماكينة «تورينج»	149
نظرية العماء	151
الطبولوجي	153
نظرية الأرقامنظرية الأرقام	155
'	158
قيم _ «أ»	160
الأحتمال	162
	165
	167
1	170
	172
	174
	175
	178

المشروع القومى للترجمة

المشروع القومى للترجمة مشروع تنمية ثقافية بالدرجة الأولى، ينطلق من الإيجابيات التى حققتها مشروعات الترجمة التى سبقته فى مصر والعالم العربى ويسعى إلى الإضافة بما يفتح الأفق على وعود المستقبل، معتمداً المبادئ التالية:

- ١ الخروج من أسر المركزية الأوروبية وهيمنة اللغتين الإنجليزية والفرنسية.
- ٢ التوازن بين المعارف الإنسانية في المجالات العلمية والفنية والفكرية والإبداعية.
- ٣ الإنحياز إلى كل ما يؤسس لأفكار التقدم وحضور العلم وإشاعة العقلانية
 والتشجيع على التجريب.
- ٤ ترجمة الأصول المعرفية التى أصبحت أقرب إلى الإطار المرجعى فى الثقافة الإنسانية المعاصرة، جنبًا إلى جنب المنجزات الجديدة التى تضع القارئ فى القلب من حركة الإبداع والفكر العالميين.
- العمل على إعداد جيل جديد من المترجمين المتخصصين عن طريق ورش
 العمل بالتنسيق مع لجنة الترجمة بالمجلس الأعلى للثقافة.
- ٦ الاستعانة بكل الخبرات العربية وتنسيق الجهود مع المؤسسات المعنية بالترجمة.

المشروع القومى للترجمة

ت : أحمد درويش	جون کوین	١ - اللغة العليا (طبعة ثانية)
ت : أحمد قوّاد بليع	ك. مادهو بانيكار	٢- الوثنية والإسلام
ت : شوقى جلال	جورج جيمس	٣- التراث المسروق
ت: أحمد الحضيري	انجا كاريتنكوفا	 ٤- كيف تتم كتابة السيناريو
ت : محمد علاء الدين منصور	إسماعيل فصبيح	٥- ثريا في غيبوية
ت : سعد مصلوح / وفاء كامل فايد	ميلكا إفيتش	٦- اتجامات البحث اللساني
ت : يوسف الأنطكي	لوسىيان غولدمان	٧- العلوم الإنسانية والفلسفة
ت : مصطفی ماهر	ماكس فريش	٨ – مشعلو الحرائق
ت : محمود محمد عاشور	أندرو س. جودي	٩- التغيرات البيئية
ت: محمد معتصم وعبد الجليل الأزدى وعمر حلى	جيرار جينيت	١٠- خطاب الحكاية
ت : هناء عبد الفتاح	فيسوافا شيمبوريسكا	۱۱- مختارات
ت : أحمد محمود	ديفيد براونيستون وايرين فرانك	١٢- طريق الحرير
ت : عبد الوهاب علوب	روپرتسن سمیث	١٣ – ديانة الساميين
ت : حسن المودن	جان بیلمان نویل	١٤- التحليل النفسى للأدب
ت : أشرف رفيق عفيفي	إدوارد لويس سميث	ه١- الحركات الفنية
ت: بإشراف: أحمد عتمان	مارتن برنال	١٦ - أثينة السوداء
ت : محمد مصطفی بدوی	فيليب لاركين	۱۷– مختارات
ت: طلعت شاهين	مختارات	١٨- الشعر النسائي في أمريكا اللاتينية
ت : نعيم عطية	چورج سفیریس	١٩ – الأعمال الشعرية الكاملة
ت: يمني طريف الخولي / بدوي عبد الفتاح	ج. ج. کراوٹر	- ٢٠ قصة العلم
ت : ماجدة العنائي	صمد بهرنجی	٢١- خوخة وألف خوخة
ت : سبيد أحمد على الناصيري	جون أنتيس	٢٢- مذكرات رحالة عن المصريين
ت : سىغىد توڤىق	مائر جيورج جادامر	٢٢- تجلى الجميل
ت : بکر عباس	باتريك بارندر	٢٤ - ظلال المستقبل
ت : إبراهيم الدسوقي شتا	مولانا جلال الدين الروسي	ه۲– مثنوی
ت : أحمد محمد حسين ميكل	محمد حسين هيكل	٢٦ - دين مصر العام
ت: نفية	مقالات	٢٧- التنوع البشري الخلاق
ت : منى ئبو سنه	جون اوك	٣٨ – رسالة في التسامح
ت : بدر الديب	جیمس ب. کارس	٣٩ – الموت والوجود
ت : أحمد قوَّاد بليع	ك. مادهو بانيكار	٣٠- الوثنية والإسلام (ط٢)
ت: عبد الستار الطوجي / عبد الوهاب علوب	جان سوفاجيه - كلود كاين	٣١- مصادر دراسة التاريخ الإسلامي
ت : مصطفی ابراهیم فهمی	ديفيد روس	٣٢ - الانقراض
ت : أحمد فؤاد بليع	اً. ج. موبكتز	٣٣ - التاريخ الاقتصادي لإفريقيا الغربية
ت : حصة إبراهيم المنيف	روجر ألن	٣٤ - الرواية العربية
ت : خلیل کلفت	پول . ب . دیکسون	٣٥- الأسطورة والحداثة

ت : حياة جاسم محمد	والاس مارتن	٣٦- نظريات السرد الحديثة
ت : جمال عبد الرحيم	بريجيت شيفر	٣٧- واحة سيوة وموسيقاها
ت : أنور مفيث ت : أنور مفيث	ہوں۔ آلن تورین	٣٨- نقد الحداثة
ت : منیرة کروان ت : منیرة کروان	بيتر والكوت	٣٩- الإغريق والحسد
ت: محمد عيد إبراهيم ت: محمد عيد إبراهيم	، یہ د آن سکستون	٤٠ - قصائد حب
ت: عاطف أحمد / إبراهيم فتحي / محمود ماجد	بیتر جران	٤١ - ما بعد المركزية الأوربية
ت: أحمد محمود	بنجامين بارير	٤٢- عالم ماك
ت : المهدى أخريف	أوكتافيو پاث	٤٣- اللهب المزدوج
ت : مارلين تادرس	ألدوس هكسلي	٤٤ – بعد عدة أصياف
ت : أحمد محمود	روبرت ج دنيا – جون ف أ فاين	ه٤- التراث المغدور
ت : محمود السيد على	بابلو نيرودا	٤٦ عشرون قصيدة حب
ت: مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ويليك	٤٧ - تاريخ النقد الأدبي الحديث (١)
ت : ماهر جویجاتی	فرانسوا دوما	٤٨- حضارة مصر الفرعونية
ت : عبد الوهاب علوب	هـ، ت. نوريس	٤٩- الإسلام في البلقان
ت : محمد برادة وعثماني الميلود ويوسف الأنطكي	جمال الدين بن الشيخ	٥٠- ألف ليلة وليلة أو القول الأسير
ت : محمد أبق الغطا	داريو بيانويبا وخ. م بينپاليستى	٥١ - مسار الرواية الإسبانو أمريكية
. ت: لطفی قطیم وعادل دمرداش	بيتر ، ن ، نوفاليس وسنتيفن ، ج .	٥٢- العلاج النفسى التدعيمي
	روجسيفيتز وروجر بيل	
ت : مرسنی سعد الدین	أ . ف . ألنجتون	٥٣- الدراما والتعليم
ت : محسن مصیلحی	ج . مايكل والتون	£a- المفهوم الإغريقي للمسترح
ت : على يوسىف على	چون بولکنجهوم	ەە– ماوراءال دا م
ت : محمود على مكي	فديريكو غرسية لوركا	٥١- الأعمال الشعرية الكاملة (١)
ت : محمود السيد ، ماهر البطوطى	فديريكو غرسية لوركا	٥٧ – الأعمال الشعرية الكاملة (٢)
ت: محمد أبو العطا	فديريكو غرسية لوركا	۸ه- مسرحیتان
ت: السيد السيد سهيم	كارلوس مونييث	۹ه- المحبرة
ت : صبري محمد عبد الغني	جوهانز ايتين	٦٠- التصميم والشكل
مراجعة وإشراف : محمد الجوهرى	شارلوت سيمور – سميث	٦١- موسوعة علم الإنسان
ت: محمد خير البقاعي .	رولان بارت	٦٢ – لذَّة النَّص
ت : مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ويليك	٦٢ - تاريخ النقد الأدبى الحديث (٢)
ت : رمسیس عوض .	آلان وود	٦٤ - برتراند راسل (سيرة حياة)
ت: رمسیس عوض ،	برتراند راسل	٦٥- في مدح الكسل ومقالات أخرى
ت : عبد اللطيف عبد الحليم	أنطونيو جالا	٦٦ - خمس مسرحيات أندلسية
ت : المهدى أخريف	فرناندو بيسوا	۱۷- مختارات
ت : أشرف الصباغ	فالنتين راسبوتين	۱۸- نتاشا العجور وقصيص أخرى
ت : أحمد فؤاد متولى وهويدا محمد فهمى	عبد الرشيد إبراهيم	 العالم الإسمالهي في أولئل القرن العشرين
ت: عبد الحميد غلاب وأحمد حشاد	أوخينيو تشانج رودريجت	٧٠ - ثقافة وحضارة أمريكا اللاتينية
ت : حسين محمود	داريو فو	٧١- السيدة لا تصلح إلا للرمي

ے عصبی بیوسی	ن ۱۰۰ سیمینون	طعارح الدين والمعالية في مطار	-,2
ت : أحمد درويش	أندريه موروا	فن التراجم والسير الذائية	-Ve
ت : عبد المقصود عبد الكريم	مجموعة من الكتاب	چاك لاكان وإغواء التحليل النفسى	LA
ت : مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ويليك	تاريخ النقد الأنبي الحديث ج ٢	٧٧
ت : أحمد محمود ونورا أمين	روناك روبرتسون	العولمة : النظرية الاجتماعية والثقافة الكونية	-VA
ت : سعيد الغائمي وناصر حلاوي	بوريس أوسبنسكي	شعرية التأليف	-Y ٩
ت : مكارم الغمرى	ألكسندر بوشكين	بوشكين عند «نافورة الدموع»	-A.
ت : محمد طارق الشرقاري	بندكت أندرسن	الجماعات المتخيلة	-A1
ت : محمود السيد على	میجیل دی اونامونو	مسرح ميجيل	-44
ت: خالا المعالى	غوتقرید بن	مختارات	-AT
ت : عبد الحميد شيحة	مجموعة من الكتاب	موسنوعة الأدب والنقد	-45
ت : عبد الرازق بركات	صلاح زكى أقطاي	منصور الحلاج (مسرحية)	-Ac
ت : أحمد فتحي يوسف شتا	جمال مير صادقى	طول الليل	アルー
ت : ماجدة العناني	جلال آل أحمد	نون والقلم	- A V
ت : إبراهيم الدسوقي شتا	جلال آل أحمد	الابتلاء بالتغرب	-44
ت: أحمد زايد ومحمد محيى الدين	أنتونى جيدنز	الطريق الثالث	PA-
ت : محمد إبراهيم مبروك	میجل دی ترباتس	وسم السيف	-9.
ت : محمد هنأء عبد الفتاح	باربر الاسوستكا	المسرح والتجريب بين النظرية والتطبيق	-41
	C	أسباليب ومنضنامين المسترج	7 P –
ت : نادية جمال الدين	كارلوس ميجل	الإسبانوأمريكي المعاصر	
ت : عبد الوهاب علوب	مايك فيذرستون وسكوت لاش	محدثات العولمة	-97
ت : فورَية العشماوي	صمويل بيكيت	الحب الأول والمبحبة	-91
ت : سرى محمد محمد عبد اللطيف	أنطونيو بويرو باييخو	مختارات من المسرح الإسباني	-9c
ت : إدوار الخراط	قصص مختارة	ثلاث رنبقات ووردة	₹ 7 7 -
ت : بشير السباعي	فرنان برودل	هوية فرنسا مج ١	-9 Y
ت : أشرف الصباغ	نماذج ومقالات	الهم الإنساني والابتزاز الصهيرني	-91
ت: إبراهيم قنديل	ديقيد روبنسون	تاريخ السينما العالمية	-99
ت: إبراهيم فتحى	بول غيرست وجراهام تومبسون	- مسائلة العولمة	-1
ت : رشید بنحدو	بيرنار فاليط	- النص الروائي (تقنيات ومناهج)	-1.1
ت : عز الدين الكتاني الإدريسي	عبد الكريم الخطيبي	- السياسة والتسامح	-1.4
ت : محمد بنیس	عبد الوهاب المؤدب	 قبر ابن عربی یلیه آیاء 	-1.7
ت : عبد الغفار مكاوى	برتولت بريشت	- أوبرا ماهوجنى	١.٤
ت : عبد العزيز شبيل	چيرارچينيت	- مدخل إلى النص الجامع	-1.5
ت : د، آشرف على دعدور	د، ماریا خیسوس روبیپرامتی	- الأدب الأندلسي	1.1.
ت: محمد عبد الله الجعيدي			
ی مصند عبد ۱۳۰۰		 صورة الفدائي في الشعر الأمريكي المعاصر 	·1.V

ت ، س ، إليوت

چين . ب . ترميکٽز

٧٢ - السياسي العجوز

٧٢- نقد استجابة القارئ

٧٤ صلاح الدين والمماليك في مصر ل . ا . سيمينوڤا

ت : فۋاد مجلى

ت: حسن بيرمي

ت: حسن ناظم وعلى حاكم

ت : محمود على مكي	مجموعة من النقاد	١٠٨ - تالاث دراسات عن الشعر الأنداسي
ت : هاشم أحمد محمد	چوڻ ٻولوك وعادل درويش	١٠٩- حروب المياه
ت : مئى قطان	حسنة بيجوم	١١٠ - النساء في العالم النامي
ت: ريهام حسين إبراهيم	فرانسيس ميندسون	١١١- المرأة والجريمة
ت : إكرام يوسف	أرلين علوى ماكليود	١١٢- الاحتجاج الهادئ
ت : أحمد حسان	سادى پلانت	١١٣– راية التمرد
ت : نسیم مجلی	وول شوينكا	١١٤- مسرحيتا حصاد كونجى وسكان المستنقع
ت : سمية رمضان	فرچينيا وولف	١١٥- غرقة تخص المرء وحده
ت : ئهاد أحمد سالم	سينثيا نلسون	١١٦— امرأة مختلفة (درية شفيق)
ت : منى إبراهيم ، وهالة كمال	ليلي أحمد	١١٧- المرأة والجنوسة في الإسلام
ت : لميس النقاش	بث بارون	١١٨ - النهضة النسائية في مصر
ت : بإشراف/ رؤوف عباس	أميرة الأزهري سنيل	١١٩- النساء والأسرة وقوانين الطلاق
ت : نخبة من المترجمين	ليلى أبو لغد	- ١٢٠ - الحركة النسائية والنظور في الشرق الأوسط
ت: محمد الجندي ، وإيزابيل كمال	فاطمة موسبى	١٢١ - الدليل الصغيرعن الكاتبات العربيات
ت : مثیرة کروان	جوزيف فوجت	١٢٢- نظام العبودية القديم ونموذج الإنسان
ت: أنور محمد إبراهيم	نيئل الكسندر وفنادولينا	١٣٢- الإمبراطورية العثمانية وعلاقاتها الدولية
ت : أحمد فؤاد بلبع	چون جرای	١٢٤- الفجر الكاذب
ت : سمحه الخولى	سيدريك ثورپ ديڤى	١٢٥— التحليل الموسيقي
ت : عبد الوهاب علوب	قولقانج إيسر	١٢٦- غط القراءة
ت : بشير السباعي	صفاء فتحى	۱۲۷- إرهاب
ت : أميرة حسن نويرة	سوزان باسئیت	١٢٨- الأدب المقارن
ت : محمد أبو العطا والحرون	ماريا دولورس أسيس جاروته	١٢٩- الرواية الإسبانية المعاصرة
ت : شوقى جلال	أندريه جوندر فرانك	-١٣- الشرق يصعد ثانية
ت : لویس بقطر	مجموعة من المؤلفين	١٢١- مصر القنيمة (التاريخ الاجتماعي)
ت : عبد الوهاب علوب	مايك فيذرستون	١٣٢— ثقافة العولمة
ت : طلعت الشايب	طارق على	١٣٢ - الخوف من المرايا
ت : أجمد محمود	باری ج. کیمب	١٣٤– تشريع حضارة
ت : ماهر شفيق فريد	ت. س. إليوت	١٢٥- المختار من نقد ت. س. إليوت
ت : سـحر توقيق	كينيث كونو	١٣٦– قلاحو الباشا
ت : كاميليا صبحى		١٣٧- مذكرات ضابط في الحملة الفرنسية
ت : وجيه سمعان عبد المسيع	إيقلينا تاروني	١٢٨- عالم التليفزيون بين الجمال والعنف
ت : مصبطقی ماهر	رپشارد فاچنر	۱۳۹– پارسىقال
ت : أمل الجبوري	هربرت میسن	١٤٠ - حيث تلتقي الأنهار
ت : نعيم عطية	مجموعة من المؤلفين	١٤١– اثنتا عشرة مسرحية يونانية
ت : حسن بيومي	أ. م. فورستر	١٤٢ - الإسكندرية : تاريخ ودليل
ت:عدلى السمرى	ديريك لايدار	١٤٣ - قضايا التنظير في البحث الاجتماعي
ت : سلامة محمد سليمان	كارلو جولدونى	١٤٤- صاحبة اللوكاندة

١٤٥- موت أرتيميو كروث	كارلوس فوينتس	ت : أحمد حسان
١٤٦– الورقة الحمراء	میجیل دی لیبس	ت : على عبدالرژوف اليمبي
١٤٧- خطبة الإدانة الطويلة	تانكريد دورست	ت : عبدالغفار مكارى
١٤٨- القصة القصيرة (النظرية والتقنية)	إنريكي أندرسون إمبرت	ت : على إبراهيم على متوقى
١٤٩ - النظرية الشعرية عند إليوت وأدونيس	عاطف فضول	ت : أسامة إسبر
١٥٠- التجربة الإغريقية	روبرت ج. ليتمان	ت : منيرة كروان
۱۵۱- هوية فرنسا مج ۲ ، ج۱	فرنان برودل	ت : بشير السباعي
١٥٢ - عدالة الهنود وقصيص أخرى	نخبة من الكتاب	ت: محمد محمد الخطابي
۱۵۳ غرام الفراعنة	فيولين فاتويك	ت : فاطمة عبدالله محمود
١٥٤– مدرسة فرانكفورت	فيل سليتر	ت : خلیل کلفت
ه١٥٠- الشعر الأمريكي المعاصر	نخبة من الشعراء	ت : أحمد مرسى
١٥٦– المدارس الجمالية الكبرى	جي أنبال وألان وأوديت قيرمو	ت : من التلمسائي
۱۵۷ – خسرو وشیرین	النظامي الكتوجي	ت : عبدالعزيز بقوش
١٥٨- هوية فرنسا مج ٢ ، ج٢	فرنان برودل	ت : يشير السباعي
١٥٩- الإيديولوچية	دىقىد موكس	ت: إبراهيم فتحى
١٦٠ - ألة الطبيعة	بول إيرليش	ت: حسين بيومي
١٦١- من المسرح الإسباني	اليخاندرو كاسونا وأنطونيو جالا	ت: زيدان عبدالحليم زيدان
١٦٢- تاريخ الكنيسة	يوحنا الأسيوى	ت: صلاح عبدالعزيز محجرب
١٦٢ - موسوعة علم الاجتماع	جوردن مارشال	ت: بإشراف: محمد الجوهرى
١٦٤- شامبوليون (حياة من نور)	چان لاکرتیر	ت: نبيل سعد
١٦٥- حكايات الثعلب	أ. ن أفانا سيفا	ت: سبهير المصادفة
١٦٦١ - العلاقات بين المتدينين والعلمانيين في إسرائيل	يشعياهو ليقمان	ت: محمد محمود أبو غدير
١٦٧– في عالم طاغور	رابندرانات طاغور	ت: شکری محمد عیاد
١٦٨- دراسات في الأدب والثقافة	مجموعة من المؤلفين	ت: شکری محمد عیاد
١٦٩ - إبداعات أدبية	مجموعة من المبدعين	ت: شکری محمد عیاد
١٧٠– الطريق	ميغيل دليبيس	ت: بسام ياسين رشيد
١٧١ - وضع حد	فرانك بيجو	ت: هدى حسين
۱۷۲ - حجر الشمس	مختارات	ت: محمد محمد الخطابى
۱۷۲– معنى الجمال	ولتر ت. سنتيس	ت:إمام عبد الفتاح إمام
١٧٤ - صناعة الثقافة السوداء	ايليس كاشمور	ت: أحمد محمود
٥٧٠ - التليفزيون في الحياة اليومية	لورينزو فيلشس	ت: وجيه سمعان عبد المسيح
١٧٦ - نحو مفهوم للاقتصاديات البيئية	توم تيتنبرج	ت: جلال البنا
١٧٧– أنطون تشيخوف	هنرى تروايا	ت: حصة إبراهيم المنيف
١٧٨- مختارات من الشعر اليوناني الحديث	نخبة من الشعراء	ت: محمد حمدی إبراهیم
١٧٩ – حكايات أيسوب	أيسوب	ت: إمام عبد الفتاح إمام
۱۸۰ - قصة جاويد	إسماعيل فصيح	ت: سليم عبد الأمير حمدان
١٨١- النقد الأدبي الأمريكي	فنسئت ب. ليتش	ت: محمد يحيى

hal I I	_	- 11 11 14
ت: ياسين طه حافظ	و . ب . <u>س</u> تس	١٨٢ العنف والنبوءة
ت: فتحى العشرى -	رينيه چيلسون	۱۸۳ جان كوكتو على شاشة السينما
ت: دسوقی سعید	هائز إبندورفر	١٨٤ – القاهرة حالمة لا تنام
ت: عيد الوهاب علوب	توماس تومسن	د۱۸۰ أستفار العهد القديم
ت:إمام عبد الفتاح إمام	ميخائيل إنوود	۱۸۱ – معجم مصطلحات هیجل
ت:محمد علاء الدين منصور	بُزرج علوى	۱۸۷ – الأرضة
ت:بدر الديب	الفين كرنان	۱۸۸ - موت الأدب
ت:سعيد الغائمي ،	پول دی مان	١٨٩ – العمى والبصيرة
ت:محسن سيد فرجاني	كويفوشنيوس	۱۹۰- محاورات كونفوشيوس
ت: مصطفى حجازى السيد	الحاج أبو بكر إمام	۱۹۱ – الكلام رأسمال
ت:محمود سبلامة علاوي	زين العابدين للراغي	۱۹۲ – رحلة إبراهيم بك جـ١
ت:محمد عيد الواحد محمد	بيتر أبراهامز	۱۹۲ – عامل المنجم
ت: ماهر شفيق فريد	مجموعة من النقاد	١٩٤- مختارات من النقد الأنجلو-أمريكي
ت:محمد علاء الدين منصبور	إسماعيل فصيح	ه۱۹۰ شتاء ۸۶
ت:أشرف الصباغ	فالتين راسبوتين	١٩٦- المهلة الأخيرة
ت: جلال السعيد الحفناري	شمس العلماء شبلي النعماني	۱۹۷– الفاروق
ت:إبراهيم سلامة إبراهيم	ادوين إمرى وأخرون	۱۹۸- الاتصال الجماهيري
ت: جمال أحمد الرفاعي وأحمد عبد اللطيف حماد	يعقوب لانداوي	١٩٩- تاريخ يهود مصر في الفترة العثمانية
ت: فخری لبیب	جيرمى سيبروك	٢٠٠- ضبحايا التنمية
ت: أحمد الأنصاري	۔ جوزایا رویس	٢٠١– الجانب الديني للفلسفة
ت: مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ويليك	٢٠٢ تاريخ النقد الأدبى الحديث جـ٤
ت: جلال السعيد الحفناوي	ألطاف حسين حالي	٢٠٣– الشعر والشاعرية
ت: أحمد محمود هويدي	رالمان شازار	٢٠٤- تاريخ نقد العهد القديم
ت: أحمد مستجير	 لويجي لوقا كافاللي– سفورزا	٢٠٥- الجينات والشعوب واللغات
د.د ت: علی پوسف علی	جيمس جلايك	٢٠٦- الهيولية تصنع علمًا جديدًا
ت: محمد أبو العطا عبد الرؤوف	رامون خوتاسندير	۲۰۷– لیل إفریقی
ت: محمد أحمد صالح	د ان أوريان دان أوريان	٢٠٨ – شخصية العربي في المسرح الإسرائيلي
ت: أشرف الصباغ	مجموعة من المؤلفين	٢٠٩ السرد والمسرح
ت: يوسف عبد الفتاح فرج	. ت کی کی ہے۔ سنائی الغزنوی	۲۱۰ - مثنویات حکیم سنائی
ت: محمود حمدي عبد الغني	جوناثان کللر جوناثان کللر	۱۳ - ۲۱۱ – فردینان دوسوسیر
ت: يوسف عبدالفتاح فرج	مرزیان بن رستم بن شروین	۲۱۲– قصيص الأمير مرزبان
ت: سید أحمد علی الناصری	ريمون فلاور ريمون فلاور	۲۱۳ – مصر منذ قدوم نابلیون حتی رحیل عبدالناصر
ت: محمد محمود محى الدين	ریا ریا عبریا انتونی جیدنز	٢١٤- قواعد جديدة للمنهج في علم الاجتماع
ت: مجمود سلامة علاوی ت: مجمود سلامة علاوی	.سری جیسر زین العابدین المراغی	د ۲۱۰- سیاحت نامه إبراهیم بیك جـ۲
ت: أشرف الصباغ ت: أشرف الصباغ	رين المدين المؤلفين مجموعة من المؤلفين	۳۱۱ - جوانب آخری من حیاتهم
ت: اسرف الصباع ت: نادية البنهاوي	سبسونه من عوسين من بيكيت	بر ب ،عری عن بهم ۲۱۷ - مسرحیتان طلیعیتان
ت: على إبراهيم على مثوفي	ص. بیمیت خولیو کورتازان	۲۱۸ – رایولا
ت: عنى إبر،ميم عنى منوفى	حوليو خوردر.ن	-3.0

ت: طلعت الشايب	كازو ايشجورو	٢١٩ بقايا اليوم
ت: على يوسف على	باری بارکر	٢٢٠ الهيولية في الكون
ت: رفعت سلام	جريجورى جوزدانيس	۲۲۱ - شعرية كفافي
ت: نسیم مجلی	رونالد جراى	۲۲۲– فرانز کافکا
ت: السيد محمد ثقادي	بول فیرابنر	٣٢٣– العلم في مجتمع حر
ت: منى عبدالظاهر إبراهيم السيد	برانكا ماجاس	۲۲۶– دمار يوغسالانيا
ت: السيد عبدالظاهر السيد	جابرييل جارثيا ماركث	۲۲۰- حکایة غریق
ت: طاهر محمد على البربرئ	ديفيد مربت لورانس	٢٢٦- أرض الساء وقصائد أخرى
ت: السيد عبدالظاهر عبدالله	موسىي مارديا ديف بوركى	٣٢٧– المسرح الإسباني في القرن السابع عشر
ت:مارى تيريز عبدالمسيع وخالد حسن	جائيت وولف	٢٢٨– علم الجمالية وعلم اجتماع الفن
ت: أمير إبراهيم العمري	نورمان كيجان	٢٢٩– مأزق البطل الوحيد
ت: مصطفى إبراهيم فهمى	فرانسواز جاكوب	220- عن الذباب والقئران والبشر
ت: جمال أحمد عبدالرحمن	خايمي سالوم بيدال	231- الدرافيل
ت: مصطفى إيراهيم فهمى	توم سثينر	٣٣٢– ما بعد المعلومات
ت: طلعت الشايب	أرثر هومان	٣٣٣ – فكرة الاضمحلال
ت: فؤاد محمد عكود	ج. سبنسر تريمنجهام	٢٣٤– الإسلام في السودان
ت: إبراهيم الدسوقي شتا	جلال الدين مولوي رومي	۲۳۰ دیوان شمس تبریزی ج۱
ت: أحمد الطيب	میشیل تود	٢٣٦- الولاية
ت: عنايات حسين طلعت	روبين فيرين	۲۳۷– مصر أرض الوادئ
ت: ياسر محمد جادالله وعربى مديرتي أحمد	الانكتار	٢٣٨– العولمة والشمرير
ت: نادية سليمان حافظ وإيهاب صلاح فايق	جيلارافر – رايوخ	٢٣٩- العربي في الأدب الإسرائيلي
ت: صلاح عبدالعزيز محجوب	کامی حافظ	٢٤٠- الإسلام والغرب وإمكانية الحوار
ت: ابتسام عبدالله سعيد	ج . م کویتز	٧٤١ - في انتظار البرابرة
ت: صبري محمد حسن عبدالنبي	وليام إمبسون	٢٤٢– سبعة أنماط من الغموض
ت: على عبدالرؤوف البمبي	ليفى بروفنسال	٢٤٣- تاريخ إسبانيا الإسلامية جـ١
ت: نادية جمال الدين محمد	لاورا إسكيبيل	٤٤٢– الغليان
ت: توفيق على منصور	إليزابيتا أديس	۲٤٥ – نساء مقاتلات
ت: على إبراهيم على منوفي	جابرييل جارئيا ماركث	۲٤٦– مختارات قصصية
ت: محمد طارق الشرقاوئ	والتر إرمبريست	٧٤٧ - الثقافة الجماهيرية والحداثة في مصر
ت: عبداللطيف عبدالطيم عبدالله	أنطونيو جالا	٢٤٨– حقول عدن الخضراء
ت: رفعت سيلام	دراجو شتامبوك	٢٤٩– لغة التمزق
ت: ماجدة محسن أباظة	دومنييك فينيك	٢٥٠– علم اجتماع العلوم
ت: بإشراف: محمد الجوهرى	جوردن مارشال	١٥١- موسوعة علم الاجتماع (ج٢)
ت: علی بدران	مارجو بدران	٢٥٢– رائدات المركة النسويّة الْمصرية
ت: حسن بيومى	ل. أ. سيمينوڤا	٢٥٢- تاريخ مصر الفاطمية
ت: إمام عبد الفتاح إمام	ديف روينسون وجودي جروفز	٤٥٢- القلسفة
ت: إمام عبد الفتاح إمام	ديق روينسون وجودي جروفز	ه ۲۵۰ افلاطون

ت: إمام عبد الفتاح إمام	ديف روينسون ، كريس جرات	۲۵۱- دیکارت
ت: محمود سيد أهمد	وليم كلى رايت	٢٥٧– تاريخ الفلسفة الحديثة
ت: عُباده كُحيلة	سير أنجوس فريزر	۲۵۸– الغجر
ت: فاروجان كازانجيان	اقلام مختلفة	٢٥٩ - مختارات من الشعر الأرمني عبر العصور
ت: باشراف: محمد الجوهرى	جوردن مارشال	٢٦٠- موسوعة علم الاجتماع ج٣
ت: إمام عبد الفتاح إمام	زكى نجيب محمود	۲٦١ رحلة في فكر زكي نجيب محمود
ت: محمد أبو العطا عبد الرؤوف	إدوارد مندوثا	٢٦٢- مدينة المعجزات
ت: على يوسف على	چون جريين	٣٦٢– الكشف عن حافة الزمن
ت: لويس عوض	هوراس/ شلی	٢٦٤- إبداعات شعرية مترجمة
ت: لويس عوض	أوسكار وايلد وصموئيل جونسون	٢٦٥- روايات مترجمة
ت: عادل عبدالمنعم سويلم	جلال أل أحمد	٢٦٦– مدير المدرسة
ت: ماهر البطوطي	ديفيد لودج	٢٦٧ ـ فن الرواية
ت: إبراهيم الدسوقي شتا	جلال الدين الرومي	۲٦٨ - ديوان شمس تبريزي ج٢
ت: صبری محمد حسن	وليم چيفور بالجريف	٢٦٩- وسط الجزيرة العربية وشرقها ج١
ت: صبری محمد حسن	وليم چيفور بالجريف	٢٧٠- وسط الجزير العربية وشرقها ج٢
ت: شوقی جلال	توماس سی، باترسون	٢٧١– الحضارة الغربية
ت: إبراهيم سلامة	س. س والثرز	٢٧٢ - الأديرة الأثرية في مصر
ت: عذان الشهاري	جوان أر، لوك	٢٧٢- الاستعمار والثورة في الشرق الأوسط
ت: محمود مکی	رومولو جلاجوس	٢٧٤– السيدة باربارا
ت: ماهر شفيق فريد	أقلام مختلفة	٣٧٥- ت. س إليوت شاعرا وثاقدا وكاتبا مسرحيا
ت: عبد القادر التلمساني	فرانك جوتيران	٢٧٦– فنون السينما
ت: أحمد فوري	بريان فورد	٢٧٧- الجيئات: الصراع من أجل الحياة
ت: ظريف عبدالله	إسحق عظيموف	۲۷۸ البدايات
ت: طلعت الشايب	ف،س، سوندرز	٢٧٩ - الحرب الباردة الثقافية
ت: سمير عبدالحميد	بريم شند وأخرون	٢٨٠ من الأدب الهندي الحديث والمعاصر
ت: جلال المفناوي	مولانا عبد الحليم شرر الكهنوى	۲۸۱- الفردوس الأعلى
ت: سمير حنا صادق	لويس ولبيرت	٢٨٢- طبيعة العلم غير الطبيعية
ت: على اليمبي	خوان رولفو	۲۸۲– السهل يحترق
ت: أحمد عتمان	يوريبيدس	۲۸۶- هرقل مجنونا
ت: سمير عبد الحميد	حسن نظامي	٢٨٥– رحلة الخواجة حسن نظامي
ت: محمود سالامة علاوي	زين العابدين المراغي	٢٨٦ - رحلة إبراهيم بك ج٢
ت: محمد يحيى وأخرون	انتونى كنج	٧٨٧- الثقافة والعولمة والنظام العالمي
ت: ماهر البطوطي	ديفيد لودج	۲۸۸– الفن الرواشي
ت: محمد نور الدين عبدالمنعم	أبو نجم أحمد بن قوص	۲۸۹ - دیوان منجوهری الدامغانی
ت: أحمد زكريا إبراهيم	جورج مونان	٢٩٠- علم اللغة والترجمة
ت: السيد عبد الظاهر	فرانشسكو رويس رامون	٢٩١– المسرح الإسباني في القرن العشرين ج١
ت: السيد عبد الظاهر	فرانشسكو رويس رامون	٢٩٢ – تلسرح الإسباني في القرن العشرين ج٢

ت: نخبة من المترجمين	روجر ألان	۲۹۲– مقدمة لملأدب العربي
ت: رجاء ياقوت صالح	رو <u>بر</u> ۱۰ر بوالو	۲۹۱ - معدمه تعرب ۲۹۶ - فن الشعر
ت: بدر الدين حب الله الديب	بوربو جوزیف کامبل	۲۹۰ – فن استغر ۲۹۵ – سلطان الأسطورة
ت: محمد مصطفی بدوی	جوریت عامین ولیم شکسبیر	۲۹۰ – منطان ادسطوره ۲۹۱ – مکنٹ
ت: ماجدة محمد أنور	وبيم منتسبير ديونيسيوس تراكس – يوسف الأهوائي	٢٩٧ - مُعبِث ٢٩٧ - مَن النحو بِين اليونانية والسريانية
ت: مصطفی حجازی السید	اليونيك الديوس الرابيس اليونيك الدينواني أبو بكر تفاوابليوه	۲۹۸ - على الفحل في اليونانية والسريانية ۲۹۸ - مأساة العبيد
ت: هاشم أحمد فؤاد	، بو بحر معار بعیوه جین ل. مارکس	٢٩٦- غاشاه التبيد ٢٩٦- ثورة التكنولوجيا الحيوية
ت: جمال الجزيري وبهاء چاهين	بچین ن. بهارمش اویس عوض	۲۰۰- نوره اسمدوارجیا انگیویه ۲۰۰- أسطورة برومثیوس مج۱
ت: جمال الجزيري و محمد الجندي	لویس عوض لویس عوض	۲۰۱۰ اسطوره برومنیوس مج۲ ۲۰۱۰ أسطورة برومنیوس مج۲
ت: إمام عبد الفتاح إمام	مویس موسی جون هیتون وجودی جروفز	۲۰۲ اسطرره برومنیوس مج، ۲۰۲– فنجنشتین
ت: إمام عبد الفتاح إمام ت: إمام عبد الفتاح إمام	جون شيتون وجودي جرومر چين هوب ويورن فان لون	۲۰۳- سجنستین ۲۰۳- بوذا
ت: إمام عبد الفتاح إمام ت: إمام عبد الفتاح إمام		۳۰۶– بود، ۳۰۶– مارکس
ت: مبلاح عبد الصبور	ريوس كروزيو مالابارته	۲۰۵ – مارخس ۲۰۵ – الحلا
ت: نبیل سعد	عروريو عادبارد چان - فرانسوا ليوتار	٢٠٦- الحماسة - النقد الكانطى للتاريخ
ت: محمود محمد أحمد	ديفيد بابينو	۲۰۷- الشعور
ت: ممدوح عبد المنعم أحمد	ستيف جونز ستيف جونز	۲۰۸ علم الوراثة
ت: جمال الجزيري	سیت جربر انجوس چیلاتی	۲۰۹ - علم الوراث ۲۰۹ - الذهن والمخ
ت: محيى الدين محمد حسن	ناجی هید ناجی هید	۲۱۰- یونج
ت: فاطمة إسماعيل	. ي ۔ كولنجوود	ین ب ۲۱۱– مقال فی المنهج الفلسفی
ت: أسعد حليم	و اید ولیم دی بویز	۱۳۱۲ - روح الشعب الأسود
ت: عبدالله الجعيدي	خابیر بیان	روع ، سب ، سرد ۲۱۳ - آمثال فلسطینیة
۰ ت: هویدا السباعی	جينس مېنيك	۳۱۶– الفن كعدم
ت: کامیلیا صبحی	، یا تا د . میشیل بروندینو	ص – ۱۰۰۰ ۲۱۵ – جرامشی فی العالم العربی
ت: نسیم مجلی	ا .ف. ستون ا .ف. ستون	جر سی محاکمه سقراط ۳۱۶- محاکمه سقراط
ت: أشرف المبياغ	سیر لایموفا– زنیکین شیر لایموفا– زنیکین	۳۱۷ – پلا عد
ت: أشرف الصباغ	نخبة	
ت: حسام نایل	جايتر ياسبيفاك وكرستوفر نوريس	۲۱۹ - صور دریدا
ت: محمد علاء الدين منصور	محمد روشن	-۳۲- لمعة السراج في حضرة التاج
ت: نخبة من المترجمين	ليقي برو فنسال	٣٢١- تاريخ إسبانيا الإسلاميةج٢
ت: خالد مفلح حمزه	دبليو يوجين كلينباور	٣٢٢- وجهات غربية حديثة في تاريخ الفن
ت: هانم سليمان	تراث يوناني قديم	٣٢٣– فن الساتورا
ت: محمود سبلامة علاوي	أشرف أسدى	٣٣٤– اللعب بالنار
ت: كرستين يوسف	فيليب بوسان	و٣٢- عالم الآثار
ت: حسن صقر	جورجين هابرماس	٢٢٦ المعرفة والمصلحة
ت: توفيق على منصور	نخبة	٣٢٧- مختارات شعرية مترجمة
ت: عبد العزيز بقوش	نور الدين عبد الرحمن بن أحمد	٣٢٨– يوسف وزليخا
ت: محمد عيد إبراهيم	تد هیوز	٣٢٩– رسائل عيد الميلاد
ت: سامی صلاح	مارفن شبرد	٣٣٠- كل شيء عن التمثيل الصامت

ت: سامية دياب	ستيفن جراي	٣٣١- عندما جاء السردين
ت: على إبراهيم على منوفي	نخبة	٣٣٢- القصة القصيرة في إسبانيا
ت: بکر عباس	نبیل مطر	٣٣٣- الإسلام في بريطانيا
ت: مصطفی فهمی	أرثر س كلارك	٢٣٤- لقطات من المستقبل
ت: فتحى العشري	ناتالى ساروت	٣٣٥– عصر الشك
ت: حسن صابر	نصوص قديمة	٣٣٦– متون الأهرام
ت: أحمد الأنصاري	جرزايا رويس	٣٣٧- فلسفة الولاء
ت: جلال السعيد الحقناوي	نبغن	٣٣٨– قصيص قصيرة من البند
ت: محمد علاء الدين منصور	على أصغر حكمت	٣٣٩- تاريخ الأدب في إيران جـ٣
ت: فخرى لبيب	بيرش بيربيروجلو	٣٤٠ اضطراب في الشرق الأوسط
ت: حسن حلمی	راینر ماریا راکه	٣٤١ قصائد من رلكه
ت: عبد العزيز بقوش	نور الدين عبدالرحمن بن أحمد	٣٤٢- سيلامان وأبسيال
ت: سمیر عبد ربه	نادين جررديمر	٣٤٣– العالم البرجوازي الزائل
ت: سمير عبد ربه	بيتر بلانجوه	٢٤٤– الموت في الشمس
ت: يوسف عبد الفتاح فرج	بوئه ندائى	ه ٣٤– الركض خلف الزمن
ت: جمال الجزيري	رشاد رشدی	٣٤٦- سحر مصر
ت: بكر الطو	جان كوكتو	٣٤٧- الصبية الطائشون
ت: عبدالله أحمد إبراهيم	محمد فؤاد كوبريلى	٣٤٨- المتصنوفة الأولون في الأدب التركي جـ١
ت: أحمد عمر شاهين	أرثر والدرون وأخرون	٣٤٩ - دليل القارئ إلى الثقافة الجادة
ت: عملية شحاتة	أقلام مختلفة	٣٥٠– بانوراما الحياة السياحية
ت: أحمد الانصاري	جوزايا رويس	٣٥١- مبادئ المنطق
ت: نعيم عطية	قسطنطين كفافيس	٣٥٢– قصائد من كفافيس
ت: على إبراهيم على منوفي	باسيليو بابون مالدوناند	٣٥٣– الفن الإسلامي في الأندلس (الزخرفة الهندسية)
ت: على إبراهيم على منوفى	باسيليق بابون مالدوناند	 ٤ ٥ ٣ – الفن الإسلامي في الأندلس (الزخرفة النبانية)
ت: محمود سالامة علاري	حجت مرتضى	٣٥٥– التيارات السياسية في إيران
ت: بدر الرفاعي	بول سالم	٥٦٦- الميراث المر
ت: عمر الفاروق عمر	نصوص قديمة	۷ه ۳– متون هیرمیس
ت: مصطفى حجازى السيد	تبغن	٨٥٣ أمثال الهوسا العامية
ت: حبيب الشاروني	أغلاطون	۹ ه ۳ – محاورات بارمنیدس
ت: ليلى الشربيني	أندريه جاكوب ونويلا باركان	٣٦٠– أنثروبولوچيا اللغة
ت: عاطف معتمد وأمال شاور	ألان جرينجر	٣٦١- التصحر: التهديد والمجابهة
ت: سيد أحمد فتع الله	هايئرش شبورال	٣٦٢~ تلميذ بابنيبرج
ت: صبری محمد حسن	ريتشارد جيبسون	٣٦٣- حركات التحرر الأفريقي
ت: نجلاء أبو عجاج	إسماعيل سراج الدين	٣٦٤- حداثة شكسبير
ت: محمد أحمد حمد `	شارل بودلير	۳۹۵– سام باریس
ت: مصطفي محمود محمد	كلاريسا بنكولا	٣٦٦- نساء يركضن مع الذئاب
ت: البرَاق عبدالهادي رضا	نخبة	٣٦٧- القلم الجرىء
ت: عابد خزندار	جيرالد برنس	۲۹۸– المصطلح السردى

ت: فورية العشماري	فوزية العشماوي	٣٦٩- المراة في أدب نجيب محفوظ
ت: فاطمة عبدالله محمود	كليرلا لويت	٣٧٠ الفن والجياة في مصر الفرعونية
ت: عبدالله أحمد إبراهيم	محمد فؤاد كوبريلى	٢٧١- المتصوفة الأولون في الأدب التركي ج٢
ت: وحيد السعيد عبدالحميد	وانغ مينغ	٣٧٢– عاش الشباب
ت: على إبراهيم على مثوفي	أمبرتو إيكو	٣٧٣- كيف تعد رسالة دكتوراه
ت: حمادة إبراهيم	أندريه شديد	٣٧٤– اليوم السادس
ت: خالد أبو اليزيد	ميلان كونديرا	ه ۲۷- الخلود
ت: إدوار الخراط	قبغن	٣٧٦- الغضب وأحلام السنين
ت: محمد علاء الدين منصور	على أصغر حكمت	٣٧٧-تاريخ الأدب في إيران جـ٤
ت: پوسف عبدالفتاح فرج	محمد إقبال	٣٧٨– المساقر
ت: جمال عبدالرحمن	سئيل باٿ	٣٧٩- ملك في الحديقة
ت: شيرين عبدالسلام	جونتر جراس	٣٨٠- حديث عن الخسارة
ت: رائيا إبراهيم يوسف	ر . ل. تراسك	٢٨١- أساسيات اللغة
ت: أحمد محمد نادي	بهاء الدين محمد إسفنديار	۳۸۲- تاریخ طبرستان
ت: سمير عبدالحميد إبراهيم	محمد إقبال	٣٨٣– هدية الحجاز
ت: إيزابيل كمال	سوزان إنجيل	٢٨٤- القصيص التي يحكيها الأطفال
ت: يوسف عبدالفتاح فرج	محمد على بهزادراد	٣٨٥- مشتري العشق
ت: ريهام حسين إبراهيم	جانبيت تود	٣٨٦- دفاعًا عن التاريخ الأدبي النسوي
ت: بهاء چاهين	چون دن	٣٨٧- أغنيات وسبوناتات
ت: محمد علاء الدين منصور	ستعدى الشيراري	۳۸۸– مواعظ سعدي الشيرازي
ت: سمير عبدالحميد إبراهيم	نخبة	٣٨٩- من الأدب الباكستاني المعاصر
ت: عثمان مصطفی عثمان	نخبة	٣٩٠- الأرشيفات والمدن الكبري
ت: منى الدرويي	مایف بینشی	٣٩١- الحافلة الليبكية
ت: عبداللطيف عبدالحليم	نخبة	٣٩٢- مقامات ورسائل أندلسية
ت: نخبة	ندوة لويس ماسينيون	٣٩٣ ـ في قلب الشرق
ت: هاشم أحمد محمد	بول ديفيز	٣٩٤- القوى الأساسية الأربع في الكون
ت: سليم حمدان	إسماعيل فصيح	۳۹۵– آلام سیاوش
ت: محمود سىلامة علاوي	تقی نجاری راد	٣٩٦ - السافاك
ت: إمام عبدالفتاح إمام	لورانس جين	۳۹۷– نیتشه
ت: إمام عبدالفتاح إمام	فيليب تودى	۳۹۸– سارتر
ت: إمام عبدالفتاح إمام	ديفيد ميروفتس	۳۹۹– کامی
ت: باهر الجوهرى	مشيائيل إنده	٤ – عومو
ت: ممدوح عبد المنعم	زیادون ساردر	٤٠١- الرياضيات

التنفيذ والطباعة، Stampa التنفيذ والطباعة، المندسين المندسين المندسين 3034408 - 3034408 تليفون، \$248824 - 348824